

---

МЕЖГОСУДАРСТВЕННЫЙ СОВЕТ ПО СТАНДАРТИЗАЦИИ, МЕТРОЛОГИИ И СЕРТИФИКАЦИИ  
(МГС)

INTERSTATE COUNCIL FOR STANDARDIZATION, METROLOGY AND CERTIFICATION  
(ISC)

---

МЕЖГОСУДАРСТВЕННЫЙ  
СТАНДАРТ

ГОСТ ИСО  
11453—  
2005

---

Статистические методы

## СТАТИСТИЧЕСКОЕ ПРЕДСТАВЛЕНИЕ ДАННЫХ

Проверка гипотез и доверительные интервалы  
для пропорций

ISO 11453:1996  
Statistical interpretation of data —  
Tests and confidence intervals relating to proportions  
(IDT)

Издание официальное

БЗ 1—2005/212



Москва  
Стандартинформ  
2006

## Предисловие

Цели, основные принципы и основной порядок проведения работ по межгосударственной стандартизации установлены ГОСТ 1.0—92 «Межгосударственная система стандартизации. Основные положения» и ГОСТ 1.2—97 «Межгосударственная система стандартизации. Стандарты межгосударственные, правила, рекомендации по межгосударственной стандартизации. Порядок разработки, принятия, применения, обновления и отмены»

### Сведения о стандарте

1 РАЗРАБОТАН Открытым акционерным обществом «Научно-исследовательский центр контроля и диагностики технических систем» (ОАО НИЦКД), Межгосударственным техническим комитетом по стандартизации МТК 125 «Статистические методы в управлении качеством продукции»

2 ВНЕСЕН Федеральным агентством по техническому регулированию и метрологии Российской Федерации

3 ПРИНЯТ Межгосударственным советом по стандартизации, метрологии и сертификации (протокол № 28 от 9 декабря 2005 г.)

За принятие проголосовали:

Краткое наименование страны по МК (ИСО 3166) 004—97	Код страны по МК (ИСО 3166) 004—97	Сокращенное наименование национального органа по стандартизации
Азербайджан	AZ	Азстандарт
Армения	AM	Армстандарт
Беларусь	BY	Госстандарт Республики Беларусь
Казахстан	KZ	Госстандарт Республики Казахстан
Кыргызстан	KG	Кыргызстандарт
Молдова	MD	Молдова-Стандарт
Российская Федерация	RU	Федеральное агентство по техническому регулированию и метрологии
Таджикистан	TJ	Таджикстандарт
Туркменистан	TM	Главгосслужба «Туркменстандартлары»
Узбекистан	UZ	Узстандарт
Украина	UA	Госпотребстандарт Украины

4 Настоящий стандарт идентичен международному стандарту ИСО 11453:1996 «Статистическое представление данных. Проверка гипотез и доверительные интервалы для пропорций» (ISO 11453:1996 «Statistical interpretation of data — Tests and confidence intervals relating to proportions»).

Наименование настоящего стандарта изменено относительно наименования указанного международного стандарта для приведения в соответствие с ГОСТ 1.5.

Степень соответствия — идентичная (IDT).

Приказом Федерального агентства по техническому регулированию и метрологии от 29 июня 2006 г. № 125-ст межгосударственный стандарт ГОСТ ИСО 11453—2005 введен в действие с 1 сентября 2006 г.

### 5 ВВЕДЕН ВПЕРВЫЕ

*Информация о введении в действие (прекращении действия) настоящего стандарта публикуется в указателе «Национальные стандарты».*

*Информация об изменениях к настоящему стандарту публикуется в указателе (каталоге) «Национальные стандарты», а текст изменений — в информационных указателях «Национальные стандарты». В случае пересмотра или отмены настоящего стандарта соответствующая информация будет опубликована в информационном указателе «Национальные стандарты»*

© Стандартиформ, 2006

В Российской Федерации настоящий стандарт не может быть полностью или частично воспроизведен, тиражирован и распространен в качестве официального издания без разрешения Федерального агентства по техническому регулированию и метрологии

## Содержание

1 Область применения . . . . .	1
2 Нормативные ссылки . . . . .	1
3 Определения . . . . .	1
4 Символы . . . . .	2
5 Точечная оценка пропорции $p$ . . . . .	2
6 Доверительные границы для пропорции $p$ . . . . .	2
7 Проверка гипотез для пропорции $p$ . . . . .	3
7.1 Общие требования . . . . .	3
7.2 Сравнение пропорции с заданным значением $p_0$ . . . . .	3
7.3 Сравнение двух пропорций . . . . .	4
8 Формы . . . . .	5
8.1 Формы А. Доверительный интервал для пропорции $p$ . . . . .	5
8.2 Формы В. Сравнение пропорции $p$ с заданным значением $p_0$ . . . . .	8
8.3 Формы С. Сравнение двух пропорций . . . . .	12
9 Таблицы и номограммы . . . . .	18
9.1 Интерполяция в таблице 4 квантилей $F$ -распределения . . . . .	18
9.2 Пример . . . . .	18
Приложение А (обязательное) Вычисление оперативной характеристики критерия для формы В. . . . .	33
Приложение В (справочное) Примеры заполненных форм . . . . .	35
Приложение С (справочное) Сведения о соответствии межгосударственных стандартов ссылочным международным стандартам . . . . .	45
Приложение D Библиография . . . . .	45

## Статистические методы

## СТАТИСТИЧЕСКОЕ ПРЕДСТАВЛЕНИЕ ДАННЫХ

## Проверка гипотез и доверительные интервалы для пропорций

Statistical methods. Statistical interpretation of data.  
Tests and confidence intervals relating to proportions

Дата введения — 2006—09—01

## 1 Область применения

Настоящий стандарт содержит описание статистических методов, предназначенных для решения следующих задач:

- а) Дана совокупность элементов, из которых отобрана выборка из  $n$  элементов, и у  $x$  элементов выборки обнаружена некоторая характеристика. Какая доля (пропорция) совокупности имеет эту характеристику (см. 8.1)?
- б) Отличается ли пропорция, определенная в соответствии с задачей а), от номинального указанного значения (см. 8.2)?
- с) Даны две различные совокупности. Различаются ли доли элементов с заданной характеристикой в этих двух совокупностях (см. 8.3)?
- д) Выборки какого объема следует отбирать для решения задач б) и с), чтобы быть достаточно уверенным в правильности решения (см. 7.2.3 и 7.3.3)?

Важно, чтобы метод отбора выборок не оказывал заметного влияния на совокупность. Если взятая случайным образом выборка составляет менее 10 % совокупности, как правило, это является приемлемым. Если выборка составляет более 10 % совокупности, надежные результаты можно получить только возвращая каждый отобранный элемент перед отбором следующего элемента.

## 2 Нормативные ссылки

В настоящем стандарте использована нормативная ссылка на следующий стандарт:  
ИСО 3534.1:1993 Статистика. Словарь и условные обозначения. Часть 1: Вероятность и основы статистики

## 3 Определения

В настоящем стандарте применены термины по ИСО 3534.1, а также следующий термин с соответствующим определением:

- 3.1 **целевой элемент** (target item): Элемент, в котором обнаружена указанная характеристика.

## 4 Символы

В настоящем стандарте использованы следующие символы:

$\alpha$	— выбранный уровень значимости;
$\alpha'$	— достигнутый уровень значимости;
$(1 - \alpha)$	— выбранный уровень доверия;
$\beta$	— вероятность ошибки второго вида;
$n; n_1; n_2$	— объем выборки; объем выборки 1; объем выборки 2;
$X$	— число целевых элементов в выборке (случайная величина);
$x$	— значение $X$ ;
$p$	— доля (пропорция) целевых элементов совокупности;
$p_{u, 0}$	— верхняя граница одностороннего доверительного интервала для $p$ ;
$p_{l, 0}$	— нижняя граница одностороннего доверительного интервала для $p$ ;
$p_{u, t}$	— верхняя граница двустороннего доверительного интервала для $p$ ;
$p_{l, t}$	— нижняя граница двустороннего доверительного интервала для $p$ ;
$T$	— значение, используемое для определения доверительных границ;
$C_{l, 0}$	— критическое значение при проверке нулевой гипотезы $H_0: p \geq p_0$ ;
$C_{u, 0}$	— критическое значение при проверке нулевой гипотезы $H_0: p \leq p_0$ ;
$C_{l, t}$	— нижняя граница критической области при проверке нулевой гипотезы $H_0: p = p_0$ ;
$C_{u, t}$	— верхняя граница критической области при проверке нулевой гипотезы $H_0: p = p_0$ ;
$p_0$	— заданное значение для $p$ ;
$p'$	— значение $p$ , для которого определяется вероятность неотклонения нулевой гипотезы $P_a$ ;
$P_a$	— вероятность неотклонения нулевой гипотезы;
$f_1, f_2$	— числа степеней свободы $F$ -распределения;
$F_1, F_2$	— тестовые статистики;
$F_q(f_1, f_2)$	— квантиль уровня $q$ $F$ -распределения с $f_1$ и $f_2$ степенями свободы;
$Z_1, Z_2$	— тестовые статистики;
$u_q$	— квантиль уровня $q$ стандартного нормального распределения;
$q, \eta, K$	— вспомогательные величины.

## 5 Точечная оценка пропорции $p$

Оценку  $p$  по выборке из  $n$  элементов с  $x$  целевыми элементами определяют по формуле

$$\hat{p} = \frac{x}{n}.$$

Эта оценка является несмещенной, если выборка отбиралась случайным образом, независимо от объема выборки и размера совокупности, даже если выборка составляет заметную часть совокупности.

## 6 Доверительные границы для пропорции $p$

Процедуры определения границ доверительного интервала для  $p$  приведены в 8.1 (формы А-1—А-3).

Границы доверительного интервала зависят от объема выборки  $n$ , числа целевых элементов в выборке  $x$  и выбранного уровня доверия  $(1 - \alpha)$ . Невозможно точно достичь заданного уровня доверия из-за дискретности  $x$ . Приведенная в стандарте процедура дает минимальное значение уровня доверия, не превосходящее  $(1 - \alpha)$ .

В настоящем стандарте при определении границ двустороннего доверительного интервала для заданного уровня доверия  $(1 - \alpha)$  используется процедура определения нижних границ одностороннего доверительного интервала для уровня доверия  $(1 - \alpha/2)$ . Это гарантирует, что вероятность ошибки меньше или равна  $\alpha/2$  с каждой стороны интервала.

## 7 Проверка гипотез для пропорции $p$

### 7.1 Общие требования

Для решения практических задач в формах В-1 — В-3 (8.2) и С-1 — С-3 (8.3) приведены нулевые гипотезы для пропорций и схемы их проверки. Сначала должны быть выбраны соответствующая нулевая гипотеза, объем выборки  $n$  (объемы выборок  $n_1$  и  $n_2$ ) и уровень значимости. Поскольку основные используемые распределения дискретны, процедуры разработаны так, чтобы достичь самого близкого к выбранному значению уровня значимости, который меньше или равен этому значению. В формах не приведены альтернативные гипотезы, так как в каждом случае неявно предполагается, что альтернативная гипотеза является дополнительной к нулевой гипотезе.

**Пример — При работе с формами В (процедура сравнения пропорции с заданным значением) вначале необходимо выбрать одну из следующих трех нулевых гипотез  $H_0$  (с дополнительной альтернативной гипотезой  $H_1$ ), где  $p_0$  — заданное значение:**

**a) односторонний критерий с  $H_0: p \geq p_0$  и  $H_1: p < p_0$ ;**

**b) односторонний критерий с  $H_0: p \leq p_0$  и  $H_1: p > p_0$ ;**

**c) двусторонний критерий с  $H_0: p = p_0$  и  $H_1: p \neq p_0$ .**

**Результатом проверки гипотезы является отклонение или неотклонение нулевой гипотезы.**

**Отклонение нулевой гипотезы означает, что принимается альтернативная гипотеза. Неотклонение нулевой гипотезы не означает, что принимается нулевая гипотеза (см. 7.2.2).**

### 7.2 Сравнение пропорции с заданным значением $p_0$

#### 7.2.1 Процедура проверки гипотез

Процедуры проверки нулевых гипотез:

$$H_0: p \geq p_0;$$

$$H_0: p \leq p_0;$$

$$H_0: p = p_0,$$

где  $p_0$  — заданное значение, описаны в формах В-1 — В-3. Эти процедуры особенно просты для применения, если известны критические значения для заданных значений  $n$ ,  $p$  и  $\alpha$ . Если критические значения неизвестны, их можно определить при выполнении процедуры в соответствии с формами В (8.2).

#### 7.2.2 Оперативные характеристики

Вычисление оперативных характеристик (включая вероятность ошибки первого рода, достигнутого уровня значимости и вероятности ошибки второго рода) описаны в приложении А. Для вычисления этих характеристик критические значения должны быть известны (см. 7.2.1) и должна быть выбрана альтернативная гипотеза  $p = p_1$ , для которой пределяется вероятность ошибки второго рода.

#### 7.2.3 Определение объема выборки $n$

Если объем выборки не определен (например, по экономическим или техническим причинам), его минимальное значение должно быть задано таким, чтобы для выбранной нулевой гипотезы  $H_0$  (см. 7.2.1) достигнутое значение уровня значимости не превосходило выбранного или заданного значения. Кроме того, достигнутое значение ошибки второго рода (вероятность  $\beta$ ) должно быть приблизительно равно выбранному или заданному значению  $\beta$ , если  $p$  равно выбранному значению  $p'$ . Для этой цели  $p_0$  и  $p'$  должны быть отмечены на шкале  $p$ , а  $\alpha$ ,  $(1 - \alpha)$ ,  $\alpha/2$ ,  $(1 - \alpha/2)$  — на шкале  $P$  и прямых линиях 1 и 2 в соответствии с таблицей 1 и номограммой Ларсона (рисунок 2).

Т а б л и ц а 1 — Процедура определения объема выборок по номограмме Ларсона (рисунок 2)

Нулевая гипотеза	Заданное значение	Прямая линия 1 из точки $p_0$ в точку	Прямая линия 2 из точки $p'$ в точку
$H_0: p \geq p_0$	$p' < p_0$	$\alpha$	$1 - \beta$
$H_0: p \leq p_0$	$p' > p_0$	$1 - \alpha$	$\beta$
$H_0: p = p_0$	$p' > p_0$	$1 - \alpha/2$	$\beta$
$H_0: p = p_0$	$p' < p_0$	$\alpha/2$	$1 - \beta$

Точка пересечения прямых линий 1 и 2, указанных в таблице 1, дает значения  $C_{i,0}$  ( $C_{i,0}$ ) на шкале  $x$ . Если  $x$  — не целое число, его следует округлить до ближайшего целого числа.

### 7.3 Сравнение двух пропорций

#### 7.3.1 Процедура проверки гипотез

Процедуры проверки для нулевых гипотез:

$$H_0: p_1 \geq p_2;$$

$$H_0: p_1 \leq p_2;$$

$$H_0: p_1 = p_2.$$

где  $p_1$  — доля (пропорция) целых элементов в совокупности 1, а  $p_2$  — доля (пропорция) целых элементов в совокупности 2, описаны в формах С-1 — С-3 (8.3). Эти процедуры можно использовать для анализа независимости двух атрибутов (дихотомических характеристик) элементов совокупности.

#### 7.3.2 Оперативные характеристики

Предположения:

а) для одностороннего критерия  $H_0: p_1 \leq p_2$  мощность  $(1 - \beta)$  определяют для заданной пары пропорций  $p_1$  и  $p_2$ , где  $p_1 > p_2$ ;

б) для проверки гипотез используют две выборки одного и того же объема, то есть  $n_1 = n_2 = n$ .

Если  $\alpha$  — уровень значимости, то достаточно точное приближенное значение мощности может быть получено обратным преобразованием по [1]:

$$1 - \beta = \Phi(z - u_{1-\alpha}).$$

где  $\Phi$  — функция распределения стандартного нормального распределения;

$u_{1-\alpha}$  — квантиль стандартного нормального распределения уровня  $(1 - \alpha)$ ;

$$z = \sqrt{2n} \left( \arcsin \sqrt{p_1 - (1/2n)} - \arcsin \sqrt{p_2 - (1/2n)} \right).$$

Это приближение может также использоваться и для двустороннего критерия  $H_0: p_1 = p_2$  с альтернативной гипотезой  $H_1: p_1 > p_2$ , если  $\alpha$  заменить в формуле на  $\alpha/2$ .

#### 7.3.3 Определение объема выборки $n$

Если объемы выборок  $n_1$  и  $n_2$  не заданы, их минимальные значения должны быть выбраны такими, чтобы мощность критерия была не менее  $(1 - \beta)$ , а уровень значимости — не менее  $\alpha$ .

Предполагается, что нулевая гипотеза является односторонней  $H_0: p_1 \leq p_2$ . Однако приведенные процедуры применимы также для двустороннего критерия  $H_0: p_1 = p_2$  с альтернативной гипотезой  $H_1: p_1 > p_2$ , если заменить  $\alpha$  на  $\alpha/2$ .

Точные значения объема выборок приведены в таблицах 5 и 6 и в [2] для выбранных значений  $\alpha$  и  $\beta$ . Эти таблицы предполагают, что объемы выборок равны, т.е.  $n = n_1 = n_2$ .

Для сочетаний  $\alpha$ ,  $p_1$ ,  $p_2$  и  $(1 - \beta)$ , не приведенных в таблицах 5 и 6, может использоваться следующее приближение, которое учитывает неравные объемы выборок, однако необходимо, чтобы отношение  $r$  объемов выборок  $n_1/n_2$  было выбрано заранее.

$$n_1 = \frac{n'}{4} \left[ 1 + \sqrt{1 + \frac{2(r+1)}{rn(p_1 - p_2)}} \right]^2;$$

$$n_2 = n_1/r;$$

$$n' = \frac{\left( u_{1-\alpha} \sqrt{(r+1)\bar{p}} + u_{1-\beta} \sqrt{[rp_1(1-p_1) + p_2(1-p_2)]} \right)^2}{r(p_1 - p_2)^2};$$

$$\bar{p} = \frac{rp_1 + p_2}{r+1};$$

$$\bar{q} = 1 - \bar{p}.$$

## 8 Формы

Для простоты применения форм необходимо отметить квадратики, представляющие активизированную часть формы, а затем выполнить необходимые действия, вводя необходимые данные.

### 8.1 Формы А. Доверительный интервал для пропорции $p$

8.1.1 Форма А-1 — Односторонний доверительный интервал с верхней границей для пропорции  $p$

Характеристика:  
Процедура определения:  
Элементы:  
Критерий для идентификации целевых элементов:  
Примечания:

Выбранный уровень доверия  $1 - \alpha =$   
Объем выборки  $n =$   
Число целевых элементов в выборке  $x =$

Определение границы доверительного интервала

а) Процедура для  $n \leq 30$

1) Случай  $x = n$

$$p_{u,0} = 1$$

2) Случай  $x < n$

По таблице 2 для известных значений  $n$ ,  $X = x$  и  $q = (1 - \alpha)$  определяют

$$p_{u,0} = T_{1-\alpha}(n, x) =$$

б) Процедура для  $n > 30$

1) Случай  $x = 0$

$$p_{u,0} = 1 - \alpha^{1/n} =$$

2) Случай  $x = n$

$$p_{u,0} = 1$$

3) Случай  $0 < x < n$

По таблице 3 для  $q = (1 - \alpha)$  определяют  $u_{1-\alpha} =$

Значение  $d$ , соответствующее выбранному уровню доверия, определяют по следующей таблице.

$1 - \alpha$	0,90	0,95	0,99
$d$	0,411	0,677	1,353

$$p_{u,0} = p_* + (1 - 2p_*)d / (n + 1) + u_{1-\alpha} \sqrt{p_*(1-p_*)[1 - d / (n + 1)] / (n + 1)} =$$

где  $p_* = (x + 1) / (n + 1)$ .

Результат (искомый доверительный интервал):

$$p \leq p_{u,0} =$$



8.1.2 Форма А-2. Односторонний доверительный интервал с нижней границей для пропорции  $p$ 

Характеристика: Процедура определения: Элементы: Критерий для идентификации целевых элементов: Примечания:											
Выбранный уровень доверия $1 - \alpha =$ Объем выборки $n =$ Число целевых элементов в выборке $x =$											
Определение границы доверительного интервала а) Процедура для $n \leq 30$ <input type="checkbox"/> <ol style="list-style-type: none"> <li>1) Случай <math>x = 0</math> <input type="checkbox"/>  <math>p_{l,0} = 0</math></li> <li>2) Случай <math>x &gt; 0</math> <input type="checkbox"/></li> </ol> По таблице 2 для известных значений $n$ , $X = n - x$ и $q = (1 - \alpha)$ определяют: $T_{1-\alpha}(n, n - x) =$ $p_{l,0} = 1 - T_{1-\alpha}(n, n - x) =$											
б) Процедура для $n > 30$ <input type="checkbox"/> <ol style="list-style-type: none"> <li>1) Случай <math>x = 0</math> <input type="checkbox"/>  <math>p_{l,0} = 0</math></li> <li>2) Случай <math>x = n</math> <input type="checkbox"/>  <math>p_{l,0} = \alpha^{1/n} =</math></li> <li>3) Случай <math>0 &lt; x &lt; n</math> <input type="checkbox"/></li> </ol> По таблице 3 для $q = 1 - \alpha$ определяют $u_{1-\alpha} =$ Значение $d$ , соответствующее выбранному уровню доверия, определяют по следующей таблице.											
<table border="1" style="width: 100%; text-align: center;"> <tr> <td><math>1 - \alpha</math></td> <td>0,90</td> <td>0,95</td> <td>0,99</td> </tr> <tr> <td><math>d</math></td> <td>0,411</td> <td>0,677</td> <td>1,353</td> </tr> </table>				$1 - \alpha$	0,90	0,95	0,99	$d$	0,411	0,677	1,353
$1 - \alpha$	0,90	0,95	0,99								
$d$	0,411	0,677	1,353								
$p_{l,0} = p_* + (1 - 2p_*)d / (n + 1) - u_{1-\alpha} \sqrt{p_*(1 - p_*)[1 - d / (n + 1)] / (n + 1)} =$ где $p_* = x / (n + 1)$ .											
Результат (искомый доверительный интервал): $p \geq p_{l,0} =$											

8.1.3 Форма А-3. Двусторонний доверительный интервал для пропорции  $p$ 

Характеристика:  
 Процедура определения:  
 Элементы:  
 Критерий для идентификации целевых элементов:  
 Примечания:

Выбранный уровень доверия  $1 - \alpha =$   
 Объем выборки  $n =$   
 Число целевых элементов в выборке  $x =$

Определение границ доверительного интервала

а) Процедура для  $n \leq 30$

1) Определение верхней границы доверительного интервала:

- Случай  $x = n$

$$p_{u,t} = 1$$

- Случай  $x < n$

По таблице 2 для известных значений  $n$ ,  $X = x$  и  $q = (1 - \alpha/2)$  определяют

$$p_{u,t} = T_{1-\alpha/2}(n, x) =$$

2) Определение нижней границы доверительного интервала:

- Случай  $x = 0$

- Случай  $x > 0$

По таблице 2 для известных значений  $n$ ,  $X = n - x$  и  $q = (1 - \alpha/2)$  определяют:

$$T_{1-\alpha/2}(n, n - x) =$$

$$p_{l,t} = 1 - T_{1-\alpha/2}(n, n - x) =$$

б) Процедура для  $n > 30$

1) Определение верхней границы доверительного интервала:

- Случай  $x = 0$

$$p_{u,t} = 1 - (\alpha/2)^{1/n} =$$

- Случай  $x = n$

$$p_{u,t} = 1$$

- Случай  $0 < x < n$

По таблице 3 для  $q = (1 - \alpha/2)$  определяют  $u_{1-\alpha/2} =$

Значение  $d$ , соответствующее выбранному уровню доверия, определяют по следующей таблице.

$1 - \alpha$	0,90	0,95	0,99
$d$	0,677	0,960	1,659

$$p_{u,t} = p_* + (1 - 2p_*)d / (n + 1) + u_{1-\alpha/2} \sqrt{p_* (1 - p_*) [1 - d / (n + 1)] / (n + 1)} =$$

где  $p_* = (x + 1) / (n + 1)$ .

2) Определение нижней границы доверительного интервала:

- Случай  $x = 0$

$$p_{l,t} = 0$$

- Случай  $x = n$

$$p_{l,t} = (\alpha/2)^{1/n} =$$

- Случай  $0 < x < n$

По таблице 3 для  $q = (1 - \alpha/2)$  определяют  $u_{1-\alpha/2}$

Значение  $d$ , соответствующее выбранному уровню доверия, определяют по следующей таблице.

$1 - \alpha$	0,90	0,95	0,99
$d$	0,677	0,960	1,659

$$p_{l,t} = p_s + (1 - 2p_s)d / (n + 1) + u_{1-\alpha/2} \sqrt{p_s(1-p_s)[1-d/(n+1)] / (n+1)} =$$

где  $p_s = x/(n+1)$ .

Результаты (искомый доверительный интервал):

$$p_{l,t} =$$

$$p_{u,t} =$$

$$p_{l,t} \leq p \leq p_{u,t}.$$

## 8.2 Формы В. Сравнение пропорции $p$ с заданным значением $p_0$

8.2.1 Форма В-1. Сравнение пропорции  $p$  с заданным значением  $p_0$  для одностороннего критерия  $H_0: p \geq p_0$

Характеристика: Процедура определения: Элементы: Критерий для идентификации целевых элементов: Примечания:	
Данное значение $p_0 =$ Выбранный уровень значимости $\alpha =$ Объем выборки $n =$ Число целевых элементов в выборке $x =$	
Процедура проверки гипотез	
I Критические значения известны (см. 7.2.1) $C_{l,0} =$ Гипотезу $H_0$ отклоняют, если $x < C_{l,0}$ ; в противном случае гипотезу не отклоняют.	<input type="checkbox"/>
II Критические значения неизвестны а) Случай $x \geq p_0 n$ Гипотезу $H_0$ не отклоняют	<input type="checkbox"/>
б) Случай $x < p_0 n$ 1) Процедура для $n \leq 30$	<input type="checkbox"/>
По 8.1.1 (форма А-1) определяют одностороннюю верхнюю доверительную границу для $n$ , $x$ и уровня доверия $(1 - \alpha)$ $p_{u,0} =$ Гипотезу $H_0$ отклоняют, если $p_{u,0} < p_0$ , в противном случае гипотезу не отклоняют.	
2) Процедура для $n > 30$ - Случай $x = 0$ $p_{u,0} = 1 - \alpha^{1/n} =$	<input type="checkbox"/>
Гипотезу $H_0$ отклоняют, если $p_{u,0} < p_0$ , в противном случае гипотезу не отклоняют. - Случай $0 < x < n$	<input type="checkbox"/>
По таблице 3 для $q = (1 - \alpha)$ определяют $u_{1-\alpha} =$ $u_1 = 2 \left( \sqrt{(n-x)p_0} - \sqrt{(x+1)(1-p_0)} \right) =$	
Гипотезу $H_0$ отклоняют, если $u_1 > u_{1-\alpha}$ , в противном случае гипотезу не отклоняют.	

Результат проверки гипотезы:	
Гипотеза $H_0$ отклонена	<input type="checkbox"/>
Гипотеза $H_0$ не отклонена	<input type="checkbox"/>
<p>Определение критических значений</p> <p><math>C_{l,0}</math> — наименьшее неотрицательное целое число <math>x</math>, для которого процедура проверки гипотез по форме В-1(II) не ведет к отклонению гипотезы <math>H_0</math>. Значение <math>C_{l,0}</math> определяют методом итераций путем повторного применения формы В-1(II) с различными значениями <math>x</math>, пока не будут найдены такие два значения <math>x</math>, которые отличаются друг от друга на 1, и при этом одно из значений приводит к отклонению нулевой гипотезы <math>H_0</math>, а другое значение приводит к неотклонению нулевой гипотезы <math>H_0</math><sup>1)</sup>. Начальное значение <math>x_{\text{старт}}</math> может быть получено следующим образом.</p>	
<p>В качестве <math>x^{*2)}</math> принимают значение <math>np_0</math>, округленное до ближайшего целого числа</p> <p><math>p_{l,0} x = x^* =</math> <span style="float: right;"><math>(p_{l,0} x = x^*</math> определяют по 8.1.2, форма А-2)</span></p> <p><math>x_{\text{старт}} =</math> значение <math>np_{l,0} x = x^*</math>, округленное до ближайшего целого числа =</p>	
<p>Интерпретация результатов проверки гипотез по форме В-1(II):</p> <p>для <math>x \leq C_{l,0} - 1 =</math> гипотезу <math>H_0</math> отклоняют;</p> <p>для <math>x \geq C_{l,0} =</math> гипотезу <math>H_0</math> отклоняют</p>	
Результат: $C_{l,0} =$	
<p><sup>1)</sup> Критическое значение (или одно из критических значений) может не существовать для некоторых значений <math>p_0</math> и/или для очень маленьких объемов выборок <math>n</math>.</p> <p><sup>2)</sup> <math>x^*</math> — вспомогательная величина для нахождения <math>x_{\text{старт}}</math>.</p>	

8.2.2 Форма В-2. Сравнение пропорции  $p$  с заданным значением  $p_0$  для одностороннего критерия с  $H_0: p \leq p_0$

<p>Характеристика:</p> <p>Процедура определения:</p> <p>Элементы:</p> <p>Критерий для идентификации целевых элементов:</p> <p>Примечания:</p>
<p>Заданное значение <math>p_0 =</math></p> <p>Выбранный уровень значимости <math>\alpha =</math></p> <p>Объем выборки <math>n =</math></p> <p>Число целевых элементов в выборке <math>x =</math></p>
Процедура проверки гипотез
<p>I Критические значения известны (см. 7.2.1)</p> <p><math>C_{u,0} =</math></p> <p>Гипотезу <math>H_0</math> отклоняют, если <math>x &gt; C_{u,0}</math>, в противном случае гипотезу не отклоняют.</p>

<p>II Критические значения неизвестны <input type="checkbox"/></p> <p>а) Случай <math>x \leq p_0 n</math> <input type="checkbox"/> Гипотезу <math>H_0</math> не отклоняют.</p> <p>б) Случай <math>x &gt; p_0 n</math> <input type="checkbox"/> 1) Процедура для <math>n \leq 30</math> <input type="checkbox"/> По 8.1.2 (форма А-2) определяют одностороннюю нижнюю доверительную границу для <math>n</math>, <math>x</math> и уровня доверия <math>(1 - \alpha)</math> <math>p_{l,0} =</math> Гипотезу <math>H_0</math> отклоняют, если <math>p_{l,0} &gt; p_0</math>, в противном случае гипотезу не отклоняют.</p> <p>2) Процедура для <math>n &gt; 30</math> <input type="checkbox"/> - Случай <math>x = n</math> <input type="checkbox"/> <math>p_{l,0} = \alpha^{1/n} =</math> [см. 8.1.2 б) 2)]. Гипотезу <math>H_0</math> отклоняют, если <math>p_{l,0} &gt; p_0</math>, в противном случае гипотезу не отклоняют.</p> <p>- Случай <math>0 &lt; x &lt; n</math> <input type="checkbox"/> По таблице 3 для <math>q = (1 - \alpha)</math> определяют <math>u_{1-\alpha} =</math> <math display="block">u_2 = 2 \left[ \sqrt{x(1-p_0)} - \sqrt{(n-x+1)p_0} \right]</math> Гипотезу <math>H_0</math> отклоняют, если <math>u_2 &gt; u_{1-\alpha}</math>, в противном случае гипотезу не отклоняют.</p>
<p>Результат проверки гипотезы:</p> <p>Гипотеза <math>H_0</math> отклонена <input type="checkbox"/></p> <p>Гипотеза <math>H_0</math> не отклонена <input type="checkbox"/></p>
<p>Определение критических значений</p> <p><math>C_{u,0}</math> — наибольшее целое число <math>x</math>, для которого процедура проверки гипотез по форме В-2 (II) не ведет к отклонению нулевой гипотезы. Значение <math>C_{u,0}</math> определяют методом итераций путем повторного применения формы В-2 (II) с различными значениями <math>x</math>, пока не будут найдены такие два значения, которые отличаются друг от друга на 1, и при этом одно из значений приводит к отклонению нулевой гипотезы <math>H_0</math>, а другое значение приводит к неотклонению нулевой гипотезы <math>H_0</math><sup>1)</sup>. Начальное значение <math>x_{\text{старт}}</math> может быть получено следующим образом</p>
<p>В качестве <math>x^{*2)}</math> принимают <math>np_0</math>, округленное до ближайшего целого числа: <math>p_{u,0} _{x=x^*} =</math> (<math>p_{u,0} _{x=x^*}</math> определяют по 8.1.1, форма А-1) <math>x_{\text{старт}} =</math> значение <math>np_{u,0} _{x=x^*}</math>, округленное до ближайшего целого числа.</p>
<p>Интерпретация результатов проверки гипотез по форме В-2 (II): для <math>x \leq C_{u,0} =</math> гипотезу <math>H_0</math> не отклоняют; для <math>x \geq C_{u,0} + 1 =</math> гипотезу <math>H_0</math> отклоняют</p>
<p>Результат: <math>C_{u,0} =</math></p>
<p><sup>1)</sup> Критическое значение (или одно из критических значений) может не существовать для некоторых значений <math>p_0</math> и/или для очень маленьких объемов выборок <math>n</math>.</p> <p><sup>2)</sup> <math>x^*</math> — вспомогательная величина для нахождения <math>x_{\text{старт}}</math>.</p>

8.2.3 Форма В-3. Сравнение пропорции  $p$  с данным значением  $p_0$  для двустороннего критерия  $H_0: p = p_0$

Характеристика: Процедура определения: Элементы: Критерий для идентификации целевых элементов: Примечания:	
Заданное значение $p_0 =$ Выбранный уровень значимости $\alpha =$ Объем выборки $n =$ Число целевых элементов в выборке $x =$	
Процедура проверки гипотез	
I Критические значения известны (см. 7.2.1) <input type="checkbox"/> $C_{l,t} =$ $C_{u,t} =$ Гипотезу $H_0$ отклоняют, если $x < C_{l,t}$ или $x > C_{u,t}$ , в противном случае гипотезу не отклоняют.	
II Критические значения неизвестны	
а) Процедура для $n \leq 30$ <input type="checkbox"/> По 8.1.3 (форма А-3) определяют двусторонние доверительные границы для $n$ , $x$ и уровня доверия $(1 - \alpha)$ : $p_{l,t} =$ $p_{u,t} =$ Гипотезу $H_0$ отклоняют, если $p_{l,t} > p_0$ или $p_{u,t} < p_0$ , в противном случае гипотезу не отклоняют.	
б) Процедура для $n > 30$ <input type="checkbox"/>	
1) Случай $x = 0$ <input type="checkbox"/> $p_{u,t} = 1 - (\alpha/2)^{1/n} =$ Гипотезу $H_0$ отклоняют, если $p_{u,t} < p_0$ , в противном случае гипотезу не отклоняют.	
2) Случай $x = n$ <input type="checkbox"/> $p_{l,t} = (\alpha/2)^{1/n} =$ Гипотезу $H_0$ отклоняют, если $p_{l,t} > p_0$ , в противном случае гипотезу не отклоняют.	
3) Случай $0 < x < n$ <input type="checkbox"/> По таблице 3 для $q = (1 - \alpha/2)$ определяют $u_{1-\alpha/2} =$	
$u_1 = 2 \left( \sqrt{(n-x)p_0} - \sqrt{(x+1)(1-p_0)} \right) =$ $u_2 = 2 \left( \sqrt{x(1-p_0)} - \sqrt{(n-x+1)p_0} \right) =$	
Гипотезу $H_0$ отклоняют, если $u_1 > u_{1-\alpha/2}$ или $u_2 > u_{1-\alpha/2}$ , в противном случае гипотезу не отклоняют.	
Результат проверки гипотез: Гипотеза $H_0$ отклонена <input type="checkbox"/> Гипотеза $H_0$ не отклонена <input type="checkbox"/>	
Определение критических значений $C_{l,t}$ — наименьшее неотрицательное целое число $x$ , а $C_{u,t}$ — наибольшее целое число $x$ , для которого проверка гипотез по форме В-3 (II) не ведет к отклонению $H_0$ . Значения $C_{l,t}$ и $C_{u,t}$ определяют методом итераций путем повторного применения формы В-3 (II) с различными значениями $x$ до тех пор, пока не будут определены такие две пары значений, у которых значения в каждой паре отличаются друг от друга на 1, и при этом одно из значений приводит к отклонению нулевой гипотезы $H_0$ , а другое значение приводит к неотклонению нулевой гипотезы $H_0$ <sup>1)</sup> . Начальное значение $x_{\text{старт}}$ может быть получено следующим образом.	



**I Биномиальная аппроксимация**

Определение величин:  $K_1, K_2, \eta_1, \eta_2$

Если  $[n_2 < n_1$  и  $n_2 < (x_1 + x_2)]$  или  $[(n_1 + n_2 - x_1 - x_2) < n_1$  и  $(n_1 + n_2 - x_1 - x_2) < (x_1 + x_2)]$ , искомые величины определяют следующим образом:

$$\eta_1 = n_2 =$$

$$\eta_2 = n_1 =$$

$$K_1 = n_2 - x_2 =$$

$$K_2 = n_1 - x_1 =$$

В противном случае:

$$\eta_1 = n_1 =$$

$$\eta_2 = n_2 =$$

$$K_1 = x_1 =$$

$$K_2 = x_2 =$$

Вычисление статистики и определение значений по таблице 4

а) Случай  $\eta_1 \leq K_1 + K_2$

$$F_2 = \frac{(\eta_1 - K_1)(K_1 - 2K_2)}{(K_1 + 1)(\eta_1 + 2\eta_2 - K_1 - 2K_2 + 1)} =$$

Числа степеней свободы  $F$ -распределения:

$$f_1 = 2(K_1 + 1) =$$

$$f_2 = 2(\eta_1 - K_1) =$$

По таблице 4 для  $q = (1 - \alpha)$ ,  $f_1$  и  $f_2$  (при необходимости применяют интерполяцию) определяют:

$$F_{1-\alpha}(f_1, f_2) =$$

б) Случай  $\eta_1 > K_1 + K_2$

$$F_2 = \frac{K_2(2\eta_1 - K_1)}{(K_1 + 1)(2\eta_2 - K_2 + 1)} =$$

Число степеней свободы  $F$ -распределения:

$$f_1 = 2(K_1 + 1) =$$

$$f_2 = 2K_2 =$$

По таблице 4 для  $q = 1 - \alpha$ ,  $f_1$  и  $f_2$  определяют  $F_{1-\alpha}(f_1, f_2) =$   
(при необходимости применяют интерполяцию)

Заключение в нетривиальном случае для биномиальной аппроксимации:

Гипотезу  $H_0$  отклоняют, если  $F_2 \geq F_{1-\alpha}(f_1, f_2)$ , в противном случае гипотезу  $H_0$  не отклоняют.

**II Нормальная аппроксимация**

Вычисление статистики и определение значений по таблице 3

$$Z_2 = \frac{n_1(x_1 + x_2) - (x_1 + 1/2)(n_1 + n_2)}{\sqrt{n_1 n_2 (x_1 - x_2)(n_1 + n_2 - x_1 - x_2) / (n_1 + n_2)}} =$$

По таблице 3 для  $q = (1 - \alpha)$  определяют  $u_{1-\alpha} =$

Заключение в нетривиальном случае для нормальной аппроксимации:

Гипотезу  $H_0$  отклоняют, если  $Z_2 \geq u_{1-\alpha}$ , в противном случае гипотезу  $H_0$  не отклоняют.

Результат проверки гипотез:

Гипотеза  $H_0$  отклонена

Гипотеза  $H_0$  не отклонена



8.3.2 Форма С-2. Сравнение двух пропорций для одностороннего критерия  $H_0: p_1 \leq p_2$ 

Характеристика: Процедура определения: Элементы: Критерий для идентификации целевых элементов: Примечания:
Выбранный уровень значимости $\alpha =$ Объем выборки 1: $n_1 =$ Объем выборки 2: $n_2 =$ Число целевых элементов в выборке 1: $x_1 =$ Число целевых элементов в выборке 2: $x_2 =$
Проверка гипотез для тривиального случая $\frac{x_1}{n_1} \leq \frac{x_2}{n_2}$ Неравенство является истинным <input type="checkbox"/> Неравенство не является истинным <input type="checkbox"/> Если неравенство является истинным, гипотезу не отклоняют и результат проверки гипотезы может быть объявлен немедленно. В противном случае проводят следующую процедуру, которая может привести к отклонению или к неотклонению гипотезы $H_0$ .
Проверка гипотез для нетривиальных случаев Если, по крайней мере, одно из четырех значений $n_1, n_2, (x_1 + x_2), (n_1 + n_2 - x_1 - x_2)$ меньше или равно $(n_1 + n_2)/4$ , то применяют биномиальную аппроксимацию, приведенную в I настоящей формы; в противном случае применяют нормальную аппроксимацию, приведенную в II настоящей формы. Однако даже если вышеупомянутое условие выполнено, можно применять нормальную аппроксимацию, если выполнены два следующих условия: - при применении биномиальной аппроксимации в таблице 4 F-распределения необходимо использовать интерполяцию; - $n_1$ и $n_2$ или $(x_1 + x_2)$ и $(n_1 + n_2 - x_1 - x_2)$ попарно являются величинами одного порядка. Решение: Должна применяться биномиальная аппроксимация (продолжить I) <input type="checkbox"/> Должна применяться нормальная аппроксимация (продолжить II) <input type="checkbox"/>
<b>I Биномиальная аппроксимация</b> Определение величин $K_1, K_2, \eta_1, \eta_2$ Если $[n_2 < n_1$ и $n_2 < (x_1 + x_2)]$ или $[(n_1 + n_2 - x_1 - x_2) < n_1$ и $(n_1 + n_2 - x_1 - x_2) < (x_1 + x_2)]$ , величины определяют следующим образом: $\eta_1 = n_2 =$ $\eta_2 = n_1 =$ $K_1 = n_2 - x_2 =$ $K_2 = n_1 - x_1 =$ В противном случае: $\eta_1 = n_1 =$ $\eta_2 = n_2 =$ $K_1 = x_1 =$ $K_2 = x_2 =$

Вычисление статистики и определение значений по таблице 4

а) Случай  $\eta_1 \leq K_1 + K_2$

$$F_1 = \frac{K_1(\eta_1 + 2\eta_2 - K_1 - 2K_2)}{(\eta_1 - K_1 + 1)(K_1 + 2K_2 + 1)} =$$

Числа степеней свободы  $F$ -распределения:

$$\begin{aligned} f_1 &= 2(\eta_1 - K_1 + 1) = \\ f_2 &= 2K_1 = \end{aligned}$$

По таблице 4 для  $q = (1 - \alpha)$ ,  $f_1$  и  $f_2$  определяют  $F_{1-\alpha}(f_1, f_2) =$   
(при необходимости применяют интерполяцию).

б) Случай  $\eta_1 > K_1 + K_2$

$$F_1 = \frac{K_1(2\eta_2 - K_2)}{(K_2 + 1)(2\eta_1 - K_1 + 1)} =$$

Числа степеней свободы  $F$ -распределения:

$$\begin{aligned} f_1 &= 2(K_2 + 1) = \\ f_2 &= 2K_1 = \end{aligned}$$

По таблице 4 для  $q = (1 - \alpha)$ ,  $f_1$  и  $f_2$  определяют  $F_{1-\alpha}(f_1, f_2) =$   
(при необходимости применяют интерполяцию)

Заключение в нетривиальном случае биномиальной аппроксимации:

Гипотезу  $H_0$  отклоняют, если  $F_1 \geq F_{1-\alpha}(f_1, f_2)$ , в противном случае гипотезу  $H_0$  не отклоняют.

## II Нормальная аппроксимация

Вычисление статистики и определение значений по таблице 3

$$z_1 = \frac{(x_1 - 1/2)(n_1 + n_2) - n_1(x_1 + x_2)}{\sqrt{n_1 n_2 (x_1 + x_2)(n_1 + n_2 - x_1 - x_2) / (n_1 + n_2)}} =$$

По таблице 3 для  $q = (1 - \alpha)$  определяют  $u_{1-\alpha} =$

Заключение в нетривиальном случае для нормальной аппроксимации:

Гипотезу  $H_0$  отклоняют, если  $z_1 \geq u_{1-\alpha}$ , в противном случае гипотезу  $H_0$  не отклоняют.

Результат проверки гипотез:

Гипотеза  $H_0$  отклонена

Гипотеза  $H_0$  не отклонена

### 8.3.3 Форма С-3. Сравнение двух пропорций для двустороннего критерия $H_0: p_1 = p_2$

Характеристика:

Процедура определения:

Элементы:

Критерий для идентификации целевых элементов:

Примечания:

Выбранный уровень значимости  $\alpha =$

Объем выборки 1:  $n_1 =$

Объем выборки 2:  $n_2 =$

Число целевых элементов в выборке 1:  $x_1 =$

Число целевых элементов в выборке 2:  $x_2 =$

Проверка гипотез для тривиального случая	
	$\frac{x_1}{n_1} = \frac{x_2}{n_2}$
Равенство является истинным	<input type="checkbox"/>
Равенство не является истинным	<input type="checkbox"/>
Если равенство является истинным, нулевую гипотезу $H_0$ не отклоняют и результат проверки гипотез может быть объявлен немедленно. В противном случае проводят следующую процедуру, которая может привести к отклонению или к неотклонению гипотезы $H_0$ .	
Процедура проверки гипотез для нетривиальных случаев	
Если, по крайней мере, одно из четырех значений $n_1$ , $n_2$ , $(x_1 + x_2)$ , $(n_1 + n_2 - x_1 - x_2)$ меньше или равно $(n_1 + n_2)/4$ , применяют биномиальную аппроксимацию, приведенную в I настоящей формы; в противном случае применяют нормальную аппроксимацию, приведенную в II настоящей формы. Однако даже если вышеупомянутое условие выполнено, можно применять нормальную аппроксимацию, если выполнены два следующих условия:	
- при применении биномиальной аппроксимации в таблице 4 $F$ -распределения необходимо использовать интерполяцию;	
- $n_1$ и $n_2$ или $(x_1 + x_2)$ и $(n_1 + n_2 - x_1 - x_2)$ попарно являются величинами одного порядка.	
Решение:	
Должна применяться биномиальная аппроксимация (продолжить с I)	<input type="checkbox"/>
Должна применяться нормальная аппроксимация (продолжить с II)	<input type="checkbox"/>
<b>I Биномиальная аппроксимация</b>	
Определение величин $K_1$ , $K_2$ , $\eta_1$ , $\eta_2$	
Если $[n_2 < n_1$ и $n_2 < (x_1 + x_2)]$ или $[(n_1 + n_2 - x_1 - x_2) < n_1$ и $(n_1 + n_2 - x_1 - x_2) < (x_1 + x_2)]$ , величины определяют следующим образом:	
$\eta_1 = n_2 =$	
$\eta_2 = n_1 =$	
$K_1 = n_2 - x_2 =$	
$K_2 = n_1 - x_1 =$	
В противном случае:	
$\eta_1 = n_1$	
$\eta_2 = n_2$	
$K_1 = x_1 =$	
$K_2 = x_2 =$	
Вычисление статистики и определение значений по таблице 4	
а) Случай $\eta_1 \leq K_1 + K_2$	<input type="checkbox"/>
1) Случай $\frac{K_1}{\eta_1} > \frac{K_2}{\eta_2}$	<input type="checkbox"/>
Значения $F_1$ , $f_1$ и $f_2$ определяют по 8.3.2 (форма С-2)	
$F_1 =$ ; $f_1 =$ ; $f_2 =$	
По таблице 4 для $q = (1 - \alpha/2)$ , $f_1$ и $f_2$ (при необходимости применяют интерполяцию) определяют $F_{1 - \alpha/2}(f_1, f_2) =$	
2) Случай $\frac{K_1}{\eta_1} \leq \frac{K_2}{\eta_2}$	<input type="checkbox"/>
Значения $F_2$ , $f_1$ и $f_2$ определяют по 8.3.1 (форма С-1)	
$F_2 =$ ; $f_1 =$ ; $f_2 =$	

<p>По таблице 4 для <math>q = (1 - \alpha/2)</math>, <math>f_1</math> и <math>f_2</math> (при необходимости применяют интерполяцию) определяют <math>F_{1 - \alpha/2}(f_1, f_2) =</math></p> <p>б) Случай <math>\eta_1 &gt; K_1 + K_2</math> <input type="checkbox"/></p> <p>1) Случай <math>\frac{K_1}{\eta_1} &gt; \frac{K_2}{\eta_2}</math> <input type="checkbox"/></p> <p>Значения <math>F_1</math>, <math>f_1</math> и <math>f_2</math> определяют по 8.3.2 (форма С-2)</p> $F_1 = \quad ; f_1 = \quad ; f_2 =$ <p>По таблице 4 для <math>q = 1 - \alpha/2</math>, <math>f_1</math> и <math>f_2</math> (при необходимости применяют интерполяцию) определяют <math>F_{1 - \alpha/2}(f_1, f_2) =</math></p> <p>2) Случай <math>\frac{K_1}{\eta_1} \leq \frac{K_2}{\eta_2}</math> <input type="checkbox"/></p> <p>Значения <math>F_2</math>, <math>f_1</math> и <math>f_2</math> определяют по 8.3.1 (форма С-1).</p> $F_2 = \quad ; f_1 = \quad ; f_2 =$ <p>По таблице 4 для <math>q = (1 - \alpha/2)</math>, <math>f_1</math> и <math>f_2</math> (при необходимости применяют интерполяцию) определяют <math>F_{1 - \alpha/2}(f_1, f_2) =</math></p>
<p>Заключение в нетривиальном случае для биномиальной аппроксимации Гипотезу <math>H_0</math> отклоняют, если</p> $F_1 \geq F_{1 - \alpha/2}(f_1, f_2) \text{ в случае } \frac{K_1}{\eta_1} > \frac{K_2}{\eta_2}$ <p>или</p> $F_2 \geq F_{1 - \alpha/2}(f_1, f_2) \text{ в случае } \frac{K_1}{\eta_1} \leq \frac{K_2}{\eta_2},$ <p>в противном случае гипотезу <math>H_0</math> не отклоняют.</p>
<p><b>II Нормальная аппроксимация</b></p> <p>Вычисление статистики и определение значений по таблице 3</p> <p>а) Случай <math>\frac{x_1}{n_1} &gt; \frac{x_2}{n_2}</math> <input type="checkbox"/></p> <p>Значение <math>z_1</math> определяют по 8.3.2 (форма С-2)</p> $z_1 =$ <p>По таблице 3 для <math>q = (1 - \alpha/2)</math> определяют <math>u_{1 - \alpha/2} =</math></p> <p>б) Случай <math>\frac{x_1}{n_1} \leq \frac{x_2}{n_2}</math> <input type="checkbox"/></p> <p>Значение <math>z_2</math> определяют по 8.3.1 (форма С-1)</p> $z_2 =$ <p>По таблице 3 для <math>q = (1 - \alpha/2)</math> определяют <math>u_{1 - \alpha/2} =</math></p>
<p>Заключение в нетривиальном случае для нормальной аппроксимации Гипотезу <math>H_0</math> отклоняют, если:</p> $z_1 \geq u_{1 - \alpha/2} \text{ в случае } \frac{x_1}{n_1} > \frac{x_2}{n_2}$ <p>или</p> $z_2 \geq u_{1 - \alpha/2} \text{ в случае } \frac{x_1}{n_1} \leq \frac{x_2}{n_2},$ <p>в противном случае гипотезу <math>H_0</math> не отклоняют.</p>
<p>Результат проверки гипотез:</p> <p>Гипотеза <math>H_0</math> отклонена <input type="checkbox"/></p> <p>Гипотеза <math>H_0</math> не отклонена <input type="checkbox"/></p>

## 9 Таблицы и номограммы

### 9.1 Интерполяция в таблице 4 квантилей $F$ -распределения

Необходимо определить, что  $F_q(f_1, f_2) = F(f_1, f_2)$ . Предположим, что в таблице 4 приведены смежные значения  $F(f_{11}, f_2)$  и  $F(f_{12}, f_2)$  с  $f_{11} < f_1 < f_{12}$ . Тогда

$$F(f_1, f_2) = F(f_{11}, f_2) + [F(f_{12}, f_2) - F(f_{11}, f_2)] \frac{f_1 - f_{11}}{f_{12} - f_{11}}.$$

Интерполяцию по  $f_2$  выполняют аналогичным способом, если в таблице приведены смежные значения  $F(f_1, f_{21})$  и  $F(f_1, f_{22})$  с  $f_{21} < f_2 < f_{22}$

$$F(f_1, f_2) = F(f_1, f_{21}) + [F(f_1, f_{22}) - F(f_1, f_{21})] \frac{f_2 - f_{21}}{f_{22} - f_{21}}.$$

Если искомое значение ни по  $f_1$  ни по  $f_2$  не приведено в таблице, необходимо выполнить три шага интерполяции.

Сначала выполняют два параллельных шага по одному из двух показателей числа степеней свободы, а затем — следующий шаг по другому показателю числа степеней свободы.

Если  $f_1 > 30$  и  $f_2 > 30$ , квантиль  $F$ -распределения вычисляют по следующим уравнениям:

$$\lg F_{0,1} = \frac{1,1131}{\sqrt{h - 0,77}} - 0,527g;$$

$$\lg F_{0,05} = \frac{1,4287}{\sqrt{h - 0,95}} - 0,681g;$$

$$\lg F_{0,025} = \frac{1,7023}{\sqrt{h - 1,14}} - 0,846g;$$

$$\lg F_{0,01} = \frac{2,0206}{\sqrt{h - 1,40}} - 1,073g;$$

$$\lg F_{0,005} = \frac{2,2373}{\sqrt{h - 1,61}} - 1,250g;$$

$$\lg F_{0,001} = \frac{2,6841}{\sqrt{h - 2,09}} - 1,672g.$$

$$\text{где } g = \frac{1}{f_1} - \frac{1}{f_2};$$

$$h = \frac{2f_1f_2}{f_1 + f_2};$$

$$F_q(f_1, f_2) = F_q.$$

### 9.2 Пример

Пример для определения критического значения  $C_{l,0}$  для нулевой гипотезы  $H_0: p \geq p_0$  отмечен в номограмме (рисунок 2) полужирной линией (см. 7.2.1). Заданы значения  $p_0 = 0,15$ ,  $\alpha = 0,05$  и  $n = 35$ . По номограмме определяют значение  $x$  между прямыми линиями 1 и 2. Таким образом,  $C_{l,0} = 2$ .

Предположим, что объем выборки  $n$  не определен. Если помимо этого задано, что  $\beta = 0,10$  и  $p' = 0,039$ , то вторую линию проводят от  $p'$  к 1 —  $\beta$  для определения объема выборки. По точке пересечения этих двух линий в номограмме определяют, что  $n = 50$  и  $x = 3$ . Таким образом, нулевую гипотезу  $H_0$  принимают, если  $x \leq 3$ , в противном случае принимают альтернативную гипотезу.

Таблица 2 — Верхние односторонние доверительные границы для пропорции  $p$  с  $p \leq 30$ 

n	Значение k при $\phi = 0,950$																														
	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27	28	29	
1	0,960																														
2	0,777	0,975																													
3	0,632	0,865	0,984																												
4	0,528	0,752	0,903	0,988																											
5	0,451	0,658	0,811	0,924	0,990																										
6	0,394	0,582	0,729	0,847	0,938	0,992																									
7	0,349	0,521	0,659	0,775	0,872	0,947	0,993																								
8	0,313	0,471	0,600	0,711	0,808	0,889	0,954	0,994																							
9	0,284	0,430	0,550	0,656	0,749	0,832	0,903	0,959	0,995																						
10	0,259	0,395	0,507	0,607	0,697	0,778	0,850	0,913	0,964	0,995																					
11	0,239	0,365	0,471	0,565	0,651	0,729	0,801	0,865	0,922	0,967	0,996																				
12	0,221	0,339	0,439	0,528	0,610	0,685	0,755	0,819	0,878	0,929	0,970	0,998																			
13	0,206	0,317	0,411	0,495	0,573	0,646	0,713	0,777	0,835	0,888	0,934	0,972	0,997																		
14	0,193	0,297	0,386	0,466	0,541	0,610	0,675	0,737	0,794	0,848	0,896	0,939	0,975	0,997																	
15	0,182	0,280	0,364	0,440	0,511	0,578	0,641	0,701	0,757	0,810	0,859	0,904	0,944	0,976	0,997																
16	0,171	0,264	0,344	0,417	0,485	0,549	0,609	0,667	0,722	0,774	0,823	0,868	0,910	0,947	0,978	0,997															
17	0,162	0,251	0,327	0,396	0,461	0,522	0,581	0,636	0,690	0,740	0,789	0,834	0,877	0,916	0,951	0,979	0,997														
18	0,154	0,238	0,311	0,377	0,439	0,496	0,555	0,608	0,660	0,709	0,757	0,802	0,844	0,884	0,921	0,953	0,980	0,998													
19	0,146	0,227	0,296	0,360	0,420	0,476	0,530	0,582	0,632	0,680	0,727	0,771	0,813	0,853	0,891	0,929	0,956	0,981	0,998												
20	0,140	0,217	0,283	0,344	0,402	0,456	0,508	0,559	0,607	0,654	0,699	0,742	0,783	0,823	0,861	0,896	0,929	0,958	0,982	0,998											
21	0,133	0,207	0,271	0,330	0,385	0,437	0,488	0,536	0,583	0,629	0,672	0,715	0,756	0,795	0,832	0,868	0,902	0,933	0,960	0,983	0,998										
22	0,128	0,199	0,260	0,316	0,370	0,420	0,469	0,516	0,561	0,605	0,648	0,689	0,729	0,768	0,805	0,841	0,874	0,906	0,936	0,962	0,984	0,998									
23	0,123	0,191	0,250	0,304	0,355	0,404	0,451	0,497	0,541	0,584	0,625	0,665	0,704	0,742	0,779	0,814	0,848	0,880	0,911	0,939	0,964	0,985	0,998								
24	0,118	0,183	0,240	0,293	0,342	0,390	0,435	0,479	0,522	0,563	0,604	0,643	0,681	0,718	0,754	0,789	0,823	0,855	0,886	0,915	0,941	0,966	0,985	0,998							
25	0,113	0,177	0,232	0,282	0,330	0,376	0,420	0,463	0,504	0,544	0,584	0,622	0,659	0,695	0,731	0,765	0,798	0,830	0,861	0,890	0,918	0,944	0,967	0,986	0,998						
26	0,109	0,170	0,223	0,272	0,319	0,363	0,406	0,447	0,487	0,527	0,565	0,602	0,638	0,674	0,708	0,742	0,775	0,807	0,837	0,867	0,895	0,922	0,946	0,968	0,987	0,999					
27	0,106	0,164	0,216	0,263	0,308	0,351	0,393	0,433	0,472	0,510	0,547	0,583	0,619	0,654	0,687	0,720	0,753	0,784	0,814	0,844	0,872	0,899	0,925	0,948	0,970	0,987	0,999				
28	0,102	0,159	0,209	0,255	0,298	0,340	0,380	0,419	0,457	0,494	0,530	0,566	0,600	0,634	0,667	0,700	0,731	0,762	0,792	0,821	0,850	0,877	0,903	0,927	0,950	0,971	0,988	0,999			
29	0,099	0,154	0,202	0,247	0,289	0,329	0,368	0,406	0,443	0,480	0,515	0,549	0,583	0,616	0,648	0,680	0,711	0,742	0,771	0,800	0,828	0,855	0,881	0,906	0,930	0,952	0,972	0,988	0,999		
30	0,096	0,149	0,196	0,239	0,280	0,319	0,358	0,394	0,430	0,466	0,500	0,534	0,567	0,599	0,631	0,662	0,692	0,722	0,751	0,779	0,807	0,834	0,860	0,886	0,910	0,932	0,954	0,973	0,989	0,999	

Продолжение таблицы 2

n	Значение k при q = 0,975																													
	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27	28	29
1	0,975																													
2	0,842	0,986																												
3	0,708	0,906	0,992																											
4	0,603	0,806	0,933	0,994																										
5	0,522	0,717	0,854	0,948	0,995																									
6	0,460	0,642	0,778	0,882	0,957	0,996																								
7	0,410	0,579	0,710	0,816	0,902	0,964	0,997																							
8	0,370	0,527	0,651	0,756	0,843	0,915	0,969	0,997																						
9	0,337	0,483	0,601	0,701	0,788	0,864	0,926	0,972	0,998																					
10	0,309	0,445	0,557	0,653	0,738	0,813	0,879	0,934	0,975	0,998																				
11	0,285	0,413	0,518	0,610	0,693	0,767	0,833	0,891	0,940	0,978	0,998																			
12	0,265	0,385	0,485	0,572	0,652	0,724	0,790	0,849	0,901	0,946	0,980	0,998																		
13	0,248	0,361	0,455	0,539	0,615	0,685	0,749	0,808	0,862	0,910	0,950	0,981	0,999																	
14	0,232	0,339	0,429	0,508	0,582	0,649	0,712	0,770	0,824	0,873	0,917	0,954	0,983	0,999																
15	0,219	0,320	0,405	0,481	0,552	0,617	0,678	0,735	0,788	0,837	0,882	0,923	0,957	0,984	0,999															
16	0,206	0,304	0,387	0,457	0,524	0,587	0,646	0,702	0,754	0,803	0,849	0,890	0,928	0,960	0,985	0,999														
17	0,196	0,285	0,365	0,435	0,499	0,560	0,617	0,671	0,722	0,771	0,816	0,856	0,897	0,932	0,963	0,986	0,999													
18	0,186	0,274	0,351	0,417	0,477	0,535	0,591	0,643	0,693	0,740	0,785	0,825	0,867	0,904	0,936	0,965	0,987	0,999												
19	0,177	0,262	0,336	0,400	0,456	0,511	0,566	0,617	0,666	0,712	0,756	0,798	0,838	0,875	0,909	0,940	0,968	0,988	0,999											
20	0,169	0,251	0,323	0,385	0,437	0,492	0,543	0,593	0,640	0,685	0,729	0,770	0,809	0,847	0,882	0,914	0,946	0,970	0,989	0,999										
21	0,162	0,241	0,311	0,371	0,422	0,472	0,522	0,570	0,616	0,660	0,703	0,743	0,782	0,819	0,855	0,888	0,920	0,949	0,971	0,989	0,999									
22	0,155	0,232	0,300	0,359	0,408	0,454	0,503	0,549	0,594	0,637	0,678	0,718	0,757	0,793	0,829	0,862	0,898	0,926	0,951	0,973	0,990	0,999								
23	0,149	0,224	0,291	0,348	0,395	0,440	0,485	0,530	0,573	0,615	0,656	0,695	0,732	0,769	0,803	0,837	0,864	0,874	0,903	0,929	0,953	0,974	0,991	0,999						
24	0,143	0,216	0,281	0,337	0,382	0,425	0,468	0,511	0,554	0,595	0,634	0,672	0,709	0,745	0,779	0,813	0,821	0,851	0,880	0,907	0,932	0,955	0,975	0,990	1					
25	0,138	0,209	0,273	0,328	0,372	0,414	0,456	0,494	0,536	0,575	0,614	0,651	0,687	0,723	0,756	0,789	0,798	0,828	0,857	0,885	0,911	0,935	0,976	0,999	1					
26	0,133	0,202	0,265	0,319	0,362	0,404	0,446	0,487	0,528	0,567	0,605	0,643	0,680	0,717	0,753	0,767	0,777	0,806	0,835	0,863	0,889	0,914	0,937	0,959	0,991	0,999	1			
27	0,128	0,200	0,262	0,315	0,357	0,398	0,439	0,479	0,519	0,558	0,596	0,634	0,671	0,708	0,744	0,746	0,756	0,785	0,814	0,842	0,868	0,894	0,918	0,940	0,977	0,991	0,999	1		
28	0,124	0,200	0,261	0,313	0,354	0,395	0,435	0,474	0,513	0,552	0,590	0,628	0,665	0,702	0,738	0,725	0,736	0,765	0,794	0,821	0,848	0,873	0,898	0,921	0,960	0,978	0,992	1		
29	0,120	0,200	0,260	0,311	0,352	0,392	0,431	0,470	0,509	0,548	0,586	0,624	0,661	0,698	0,734	0,706	0,717	0,746	0,774	0,801	0,828	0,853	0,878	0,901	0,942	0,962	0,979	0,992	1	
30	0,116	0,200	0,259	0,309	0,349	0,388	0,427	0,465	0,504	0,542	0,580	0,618	0,655	0,692	0,728	0,688	0,699	0,728	0,756	0,783	0,810	0,836	0,862	0,888	0,923	0,944	0,963	0,979	0,992	1

Продолжение таблицы 2

n	Значение $k$ при $q = 0,950$																														
	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27	28	29	
1	0,990																														
2	0,900	0,995																													
3	0,785	0,942	0,997																												
4	0,684	0,860	0,959	0,998																											
5	0,602	0,778	0,895	0,968	0,998																										
6	0,536	0,706	0,827	0,916	0,974	0,999																									
7	0,483	0,644	0,764	0,858	0,930	0,978	0,999																								
8	0,438	0,590	0,707	0,802	0,880	0,940	0,981	0,999																							
9	0,401	0,545	0,657	0,750	0,830	0,895	0,947	0,983	0,999																						
10	0,370	0,505	0,612	0,703	0,782	0,850	0,907	0,953	0,985	0,999																					
11	0,343	0,470	0,573	0,661	0,738	0,807	0,866	0,917	0,958	0,986	1																				
12	0,319	0,440	0,538	0,623	0,698	0,766	0,826	0,879	0,920	0,962	0,985	1																			
13	0,299	0,413	0,507	0,588	0,661	0,728	0,788	0,842	0,890	0,931	0,965	0,989	1																		
14	0,281	0,390	0,479	0,557	0,628	0,693	0,752	0,806	0,855	0,899	0,936	0,967	0,990	1																	
15	0,265	0,368	0,454	0,529	0,597	0,660	0,718	0,772	0,821	0,866	0,906	0,941	0,970	0,990	1																
16	0,251	0,349	0,431	0,503	0,569	0,630	0,687	0,740	0,789	0,834	0,875	0,913	0,945	0,972	0,991	1															
17	0,238	0,332	0,410	0,480	0,544	0,603	0,658	0,710	0,758	0,803	0,845	0,884	0,918	0,949	0,974	0,992	1														
18	0,226	0,317	0,392	0,459	0,520	0,578	0,631	0,682	0,729	0,774	0,816	0,855	0,891	0,923	0,952	0,975	0,992	1													
19	0,216	0,302	0,375	0,439	0,499	0,554	0,607	0,656	0,702	0,747	0,788	0,827	0,864	0,897	0,926	0,954	0,977	0,992	1												
20	0,206	0,289	0,359	0,421	0,479	0,533	0,583	0,631	0,677	0,720	0,762	0,800	0,837	0,871	0,903	0,932	0,957	0,978	0,993	1											
21	0,197	0,277	0,344	0,405	0,460	0,512	0,562	0,609	0,653	0,696	0,736	0,775	0,811	0,846	0,878	0,908	0,935	0,959	0,979	0,993	1										
22	0,189	0,266	0,331	0,389	0,443	0,494	0,542	0,587	0,631	0,673	0,712	0,750	0,787	0,821	0,854	0,884	0,913	0,938	0,961	0,980	0,994	1									
23	0,182	0,256	0,319	0,375	0,426	0,476	0,523	0,567	0,610	0,651	0,690	0,727	0,763	0,797	0,830	0,851	0,890	0,917	0,941	0,963	0,981	0,994	1								
24	0,175	0,247	0,307	0,362	0,412	0,460	0,505	0,549	0,590	0,630	0,668	0,705	0,741	0,775	0,807	0,838	0,867	0,895	0,921	0,944	0,965	0,982	0,994	1							
25	0,169	0,238	0,296	0,349	0,398	0,445	0,489	0,531	0,572	0,611	0,648	0,684	0,719	0,753	0,785	0,816	0,845	0,873	0,899	0,924	0,946	0,966	0,982	0,994	1						
26	0,163	0,230	0,286	0,338	0,385	0,430	0,473	0,515	0,554	0,592	0,629	0,664	0,699	0,732	0,764	0,794	0,824	0,852	0,879	0,904	0,927	0,948	0,967	0,983	0,995	1					
27	0,157	0,222	0,277	0,327	0,373	0,417	0,459	0,499	0,538	0,575	0,611	0,646	0,679	0,712	0,743	0,774	0,803	0,831	0,858	0,883	0,908	0,930	0,951	0,969	0,984	0,995	1				
28	0,152	0,215	0,268	0,317	0,362	0,404	0,445	0,484	0,522	0,559	0,594	0,628	0,661	0,693	0,724	0,754	0,783	0,811	0,838	0,864	0,888	0,911	0,933	0,952	0,970	0,984	0,995	1			
29	0,147	0,208	0,260	0,307	0,351	0,393	0,432	0,470	0,507	0,543	0,577	0,611	0,643	0,675	0,705	0,735	0,764	0,791	0,818	0,844	0,869	0,892	0,914	0,935	0,954	0,971	0,985	0,995	1		
30	0,143	0,202	0,252	0,298	0,341	0,381	0,420	0,457	0,493	0,528	0,562	0,594	0,626	0,657	0,687	0,717	0,745	0,773	0,799	0,825	0,850	0,874	0,896	0,918	0,937	0,956	0,972	0,986	0,995	1	



n	Значение х при q = 0,995																													
	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27	28	29
1	0,995																													
2	0,930	0,966																												
3	0,830	0,969	0,999																											
4	0,735	0,890	0,971	0,999																										
5	0,654	0,815	0,918	0,978	0,999																									
6	0,587	0,747	0,857	0,934	0,982	1																								
7	0,531	0,685	0,796	0,883	0,945	0,985	1																							
8	0,485	0,632	0,743	0,831	0,901	0,953	0,987	1																						
9	0,445	0,585	0,693	0,781	0,854	0,914	0,959	0,988	1																					
10	0,412	0,545	0,649	0,736	0,810	0,872	0,924	0,963	0,990	1																				
11	0,383	0,509	0,609	0,694	0,767	0,831	0,886	0,932	0,967	0,991	1																			
12	0,357	0,478	0,573	0,656	0,728	0,792	0,848	0,907	0,953	0,970	0,992	1																		
13	0,335	0,450	0,542	0,621	0,692	0,755	0,812	0,862	0,906	0,943	0,973	0,992	1																	
14	0,316	0,425	0,513	0,590	0,658	0,721	0,777	0,828	0,874	0,914	0,948	0,975	0,993	1																
15	0,298	0,402	0,487	0,561	0,628	0,689	0,744	0,795	0,842	0,884	0,920	0,952	0,977	0,993	1															
16	0,282	0,382	0,463	0,535	0,600	0,659	0,714	0,764	0,811	0,853	0,892	0,926	0,955	0,978	0,994	1														
17	0,268	0,364	0,442	0,511	0,574	0,631	0,685	0,735	0,781	0,824	0,863	0,899	0,931	0,958	0,980	0,994	1													
18	0,255	0,347	0,422	0,489	0,550	0,606	0,656	0,707	0,753	0,796	0,836	0,872	0,905	0,935	0,960	0,981	0,995	1												
19	0,244	0,332	0,404	0,469	0,528	0,582	0,633	0,681	0,727	0,769	0,809	0,846	0,880	0,911	0,939	0,963	0,982	0,995	1											
20	0,233	0,318	0,388	0,450	0,507	0,560	0,610	0,657	0,701	0,743	0,783	0,820	0,855	0,887	0,916	0,942	0,965	0,983	0,995	1										
21	0,223	0,305	0,372	0,433	0,488	0,540	0,588	0,634	0,678	0,719	0,758	0,795	0,830	0,862	0,893	0,920	0,945	0,967	0,984	0,995	1									
22	0,215	0,293	0,358	0,417	0,470	0,521	0,568	0,613	0,656	0,696	0,735	0,771	0,806	0,839	0,870	0,898	0,924	0,948	0,968	0,985	0,996	1								
23	0,206	0,282	0,345	0,402	0,454	0,503	0,549	0,593	0,634	0,674	0,712	0,748	0,783	0,816	0,847	0,876	0,903	0,928	0,950	0,970	0,985	0,996	1							
24	0,199	0,272	0,333	0,388	0,438	0,486	0,531	0,574	0,614	0,654	0,691	0,727	0,761	0,794	0,825	0,854	0,882	0,908	0,931	0,953	0,971	0,986	0,996	1						
25	0,191	0,262	0,322	0,375	0,424	0,470	0,514	0,556	0,596	0,634	0,671	0,706	0,740	0,772	0,803	0,833	0,861	0,887	0,912	0,934	0,955	0,972	0,987	0,996	1					
26	0,185	0,253	0,311	0,363	0,410	0,456	0,498	0,539	0,578	0,615	0,652	0,686	0,720	0,752	0,782	0,812	0,840	0,867	0,892	0,915	0,937	0,956	0,973	0,987	0,996	1				
27	0,179	0,245	0,301	0,351	0,398	0,442	0,483	0,523	0,561	0,598	0,633	0,667	0,700	0,732	0,762	0,792	0,820	0,847	0,872	0,896	0,919	0,940	0,958	0,974	0,988	0,997	1			
28	0,173	0,237	0,292	0,340	0,386	0,429	0,469	0,508	0,545	0,581	0,616	0,650	0,682	0,713	0,743	0,772	0,800	0,827	0,853	0,877	0,900	0,922	0,942	0,960	0,975	0,988	0,997	1		
29	0,167	0,230	0,283	0,330	0,375	0,416	0,456	0,494	0,530	0,566	0,600	0,632	0,664	0,695	0,725	0,754	0,781	0,808	0,834	0,859	0,882	0,904	0,925	0,944	0,961	0,976	0,989	0,997	1	
30	0,162	0,223	0,275	0,321	0,364	0,405	0,443	0,480	0,516	0,551	0,584	0,616	0,647	0,678	0,707	0,736	0,763	0,790	0,815	0,840	0,864	0,888	0,908	0,928	0,946	0,963	0,977	0,989	0,997	1

Т а б л и ц а 3 — Квантили стандартного нормального распределения  $u_q$ 

$q = \Phi(u)$	$u_q$
0,950	1,645
0,975	1,960
0,990	2,326
0,995	2,576

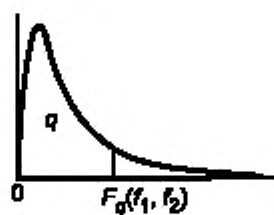


Рисунок 1 — Квантили F-распределения

Т а б л и ц а 4 — Квантили F-распределения (см. рисунок 1)

β	α															
	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	12	15	20	30	50	α
1	0,9	39,9	53,6	55,8	57,2	58,2	58,9	59,4	59,9	60,2	60,7	61,2	61,7	62,3	62,7	63,3
	0,95	181	216	225	230	234	237	239	241	242	244	246	248	250	252	254
	0,975	648	864	900	922	937	948	957	963	969	977	985	993	1001	1008	1018
	0,990	4052	5000	5625	5784	5859	5928	5981	6022	6062	6106	6157	6209	6261	6303	6366
	0,995	16210	20000	21610	22500	23440	23710	23990	24090	24220	24430	24630	24840	25040	25210	25460
	0,999	405300	500000	540400	562500	576400	582900	589100	602300	605600	610700	615800	620900	626100	630300	636600
2	0,9	8,53	9,0	9,16	9,24	9,33	9,35	9,37	9,38	9,39	9,41	9,42	9,44	9,46	9,47	9,49
	0,95	18,5	19,0	19,2	19,3	19,3	19,4	19,4	19,4	19,4	19,4	19,4	19,4	19,5	19,5	19,5
	0,975	38,5	39,0	39,2	39,3	39,3	39,4	39,4	39,4	39,4	39,4	39,4	39,4	39,5	39,5	39,5
	0,990	98,5	99,0	99,2	99,3	99,3	99,4	99,4	99,4	99,4	99,4	99,4	99,4	99,5	99,5	99,5
	0,995	199	199	199	199	199	199	199	199	199	199	199	199	199	199	199
	0,999	999	999	999	999	999	999	999	999	999	999	999	999	999	999	999
3	0,9	5,54	5,46	5,39	5,34	5,28	5,27	5,25	5,24	5,23	5,22	5,20	5,18	5,17	5,15	5,13
	0,95	10,1	9,55	9,28	9,12	8,94	8,89	8,85	8,81	8,79	8,74	8,70	8,66	8,62	8,58	8,53
	0,975	17,4	16,0	15,4	15,1	14,9	14,8	14,5	14,5	14,4	14,3	14,3	14,2	14,1	14,0	13,9
	0,990	34,1	30,8	29,5	28,7	27,9	27,7	27,5	27,3	27,2	27,1	26,9	26,7	26,5	26,4	26,1
	0,995	55,6	49,8	47,5	46,2	44,8	44,4	44,1	43,9	43,7	43,4	43,1	42,8	42,5	42,2	41,8
	0,999	167	149	141	137	133	132	131	130	129	128	127	126	125	125	123
4	0,9	4,54	4,32	4,19	4,11	4,05	4,01	3,98	3,94	3,92	3,90	3,87	3,84	3,82	3,80	3,76
	0,95	7,71	6,94	6,59	6,39	6,26	6,09	6,04	6,00	5,96	5,91	5,86	5,80	5,75	5,70	5,63
	0,975	12,2	10,6	9,98	9,60	9,36	9,07	8,96	8,90	8,84	8,75	8,66	8,56	8,46	8,38	8,26
	0,990	21,2	18,0	16,7	16,04	15,5	15,0	14,8	14,7	14,5	14,4	14,2	14,0	13,8	13,7	13,5
	0,995	31,3	26,3	24,3	23,2	22,5	21,6	21,4	21,1	21,0	20,7	20,4	20,2	19,9	19,7	19,3
	0,999	74,1	61,2	56,2	53,4	51,7	49,7	49,0	48,5	48,1	47,4	46,8	46,1	45,4	44,9	44,1
5	0,9	4,06	3,78	3,62	3,52	3,45	3,37	3,34	3,32	3,30	3,27	3,24	3,21	3,17	3,15	3,10
	0,95	6,61	5,79	5,41	5,19	5,05	4,88	4,82	4,77	4,74	4,68	4,62	4,56	4,50	4,44	4,36
	0,975	10,0	8,43	7,76	7,39	7,15	6,85	6,76	6,68	6,62	6,52	6,43	6,33	6,23	6,14	6,02
	0,990	16,3	13,3	12,1	11,4	11,0	10,5	10,3	10,2	10,1	9,89	9,72	9,55	9,38	9,24	9,02
	0,995	22,8	18,3	16,5	15,6	14,9	14,2	14,0	13,8	13,6	13,4	13,1	12,9	12,7	12,5	12,1
	0,999	47,2	37,1	33,2	31,1	29,8	28,2	27,6	27,2	26,9	26,4	25,9	25,4	24,9	24,4	23,8
6	0,9	3,78	3,46	3,29	3,18	3,11	3,01	2,98	2,96	2,94	2,90	2,87	2,84	2,80	2,77	2,72
	0,95	5,99	5,14	4,76	4,53	4,39	4,21	4,15	4,10	4,06	4,00	3,94	3,87	3,81	3,75	3,67
	0,975	8,81	7,26	6,60	6,23	5,99	5,70	5,60	5,52	5,46	5,37	5,27	5,17	5,07	4,98	4,85
	0,990	13,7	10,9	9,78	9,15	8,75	8,26	8,10	7,98	7,87	7,72	7,56	7,40	7,23	7,09	6,88
	0,995	18,6	14,5	12,9	12,0	11,5	10,8	10,6	10,4	10,3	10,0	9,81	9,59	9,36	9,17	8,88
	0,999	35,5	27,0	23,7	21,9	20,8	19,5	19,0	18,7	18,4	18,0	17,6	17,1	16,7	16,3	15,7

$f_2$	$q$	$f_1$										$\alpha$					
		1	2	3	4	5	6	7	8	9	10		12	15	20	30	50
7	0,9	3,59	3,26	3,07	2,96	2,88	2,83	2,78	2,75	2,72	2,70	2,67	2,63	2,59	2,56	2,52	2,47
	0,95	5,59	4,74	4,35	4,12	3,97	3,87	3,79	3,73	3,68	3,64	3,57	3,51	3,44	3,38	3,32	3,23
	0,975	8,07	6,54	5,89	5,52	5,29	5,12	4,99	4,90	4,82	4,76	4,67	4,57	4,47	4,36	4,28	4,14
	0,990	12,2	9,55	8,45	7,85	7,46	7,19	6,99	6,84	6,72	6,62	6,47	6,31	6,16	5,99	5,86	5,65
	0,995	16,2	12,4	10,9	10,1	9,52	9,16	8,89	8,68	8,51	8,38	8,18	7,97	7,75	7,53	7,35	7,08
8	0,999	29,2	21,7	18,8	17,2	16,2	15,5	15,0	14,6	14,3	14,1	13,7	13,3	12,9	12,5	12,2	11,7
	0,9	3,46	3,11	2,92	2,81	2,73	2,67	2,62	2,59	2,56	2,54	2,50	2,46	2,42	2,38	2,35	2,29
	0,95	5,32	4,46	4,07	3,84	3,69	3,58	3,50	3,44	3,39	3,35	3,28	3,22	3,15	3,08	3,02	2,93
	0,975	7,57	6,06	5,42	5,05	4,82	4,65	4,53	4,46	4,36	4,30	4,20	4,10	4,00	3,89	3,81	3,67
	0,990	11,3	8,65	7,59	7,01	6,63	6,37	6,18	6,03	5,91	5,81	5,67	5,52	5,38	5,20	5,07	4,86
9	0,995	14,7	11,0	9,60	8,81	8,30	7,95	7,69	7,50	7,34	7,21	7,01	6,81	6,61	6,40	6,22	5,95
	0,999	25,4	18,5	15,8	14,4	13,5	12,9	12,4	12,0	11,8	11,5	11,2	10,8	10,5	10,1	9,80	9,33
	0,9	3,36	3,01	2,81	2,69	2,61	2,55	2,51	2,47	2,44	2,42	2,38	2,34	2,30	2,25	2,22	2,16
	0,95	5,12	4,26	3,86	3,63	3,48	3,37	3,29	3,23	3,18	3,14	3,07	3,01	2,94	2,86	2,80	2,71
	0,975	7,21	5,71	5,08	4,72	4,48	4,32	4,20	4,10	4,03	3,96	3,87	3,77	3,67	3,56	3,47	3,33
10	0,990	10,6	8,02	6,99	6,42	6,06	5,80	5,61	5,47	5,35	5,26	5,11	4,96	4,81	4,65	4,52	4,31
	0,995	13,6	10,1	8,72	7,96	7,47	7,14	6,88	6,69	6,54	6,42	6,23	6,03	5,83	5,62	5,45	5,19
	0,999	22,9	16,4	13,9	12,6	11,7	11,1	10,7	10,4	10,1	9,89	9,57	9,24	8,90	8,55	8,26	7,81
	0,9	3,29	2,92	2,73	2,61	2,52	2,46	2,41	2,38	2,35	2,32	2,28	2,24	2,20	2,16	2,12	2,06
	0,95	4,96	4,10	3,71	3,48	3,33	3,22	3,14	3,07	3,02	2,98	2,91	2,85	2,77	2,70	2,64	2,54
11	0,975	6,94	5,46	4,83	4,47	4,24	4,07	3,95	3,85	3,78	3,72	3,62	3,52	3,42	3,31	3,22	3,08
	0,990	10,0	7,56	6,55	5,99	5,64	5,39	5,20	5,06	4,94	4,85	4,71	4,56	4,41	4,25	4,12	3,91
	0,995	12,8	9,43	8,08	7,34	6,87	6,54	6,30	6,12	5,97	5,85	5,66	5,47	5,27	5,07	4,90	4,64
	0,999	21,0	14,9	12,6	11,3	10,5	9,93	9,52	9,20	8,96	8,75	8,45	8,13	7,80	7,47	7,19	6,76
	0,9	3,23	2,86	2,66	2,54	2,45	2,39	2,34	2,30	2,27	2,25	2,21	2,17	2,12	2,08	2,04	1,97
12	0,95	4,84	3,98	3,59	3,36	3,20	3,09	3,01	2,95	2,90	2,85	2,79	2,72	2,65	2,57	2,51	2,40
	0,975	6,72	5,26	4,63	4,28	4,04	3,88	3,76	3,66	3,59	3,53	3,43	3,33	3,23	3,12	3,03	2,88
	0,990	9,65	7,21	6,22	5,67	5,32	5,07	4,89	4,74	4,63	4,54	4,40	4,25	4,10	3,94	3,81	3,60
	0,995	12,2	8,91	7,60	6,88	6,42	6,10	5,86	5,68	5,54	5,42	5,24	5,05	4,86	4,65	4,49	4,23
	0,999	19,7	13,8	11,6	10,3	9,58	9,05	8,66	8,35	8,12	7,92	7,53	7,32	7,01	6,68	6,42	6,00
12	0,9	3,18	2,81	2,61	2,48	2,39	2,33	2,28	2,24	2,21	2,19	2,15	2,10	2,06	2,01	1,97	1,90
	0,95	4,75	3,89	3,49	3,26	3,11	3,00	2,91	2,85	2,80	2,75	2,69	2,62	2,54	2,47	2,40	2,30
	0,975	6,55	5,10	4,47	4,12	3,89	3,73	3,61	3,51	3,44	3,37	3,28	3,18	3,07	2,96	2,87	2,72
	0,990	9,33	6,93	5,95	5,41	5,06	4,82	4,64	4,50	4,39	4,30	4,16	4,01	3,86	3,70	3,57	3,36
	0,995	11,8	8,51	7,23	6,52	6,07	5,76	5,52	5,35	5,20	5,09	4,91	4,72	4,53	4,33	4,17	3,90
0,999	18,6	13,0	10,8	9,63	8,89	8,38	8,00	7,71	7,48	7,29	7,00	6,71	6,40	6,09	5,83	5,42	

б	q	f <sub>n</sub>										z					
		1	2	3	4	5	6	7	8	9	10		12	15	20	30	50
13	0,8	3,14	2,76	2,56	2,43	2,35	2,28	2,23	2,20	2,16	2,14	2,10	2,05	2,01	1,96	1,92	1,85
	0,95	4,67	3,81	3,41	3,18	3,03	2,92	2,83	2,77	2,71	2,67	2,60	2,53	2,46	2,38	2,31	2,21
	0,975	6,41	4,97	4,35	4,00	3,77	3,60	3,48	3,39	3,31	3,25	3,15	3,05	2,95	2,84	2,74	2,60
	0,990	9,07	6,70	5,74	5,21	4,86	4,62	4,44	4,30	4,19	4,10	3,96	3,82	3,66	3,51	3,38	3,17
	0,995	11,4	8,19	6,93	6,23	5,79	5,48	5,25	5,08	4,94	4,82	4,64	4,46	4,27	4,07	3,81	3,55
0,999	17,8	12,3	10,2	9,07	8,35	7,86	7,49	7,21	6,98	6,80	6,52	6,22	5,93	5,63	5,37	4,97	
14	0,9	3,10	2,73	2,52	2,39	2,31	2,24	2,19	2,15	2,12	2,10	2,05	2,01	1,96	1,91	1,87	1,80
	0,95	4,60	3,74	3,34	3,11	2,96	2,85	2,76	2,70	2,65	2,60	2,53	2,48	2,39	2,31	2,24	2,13
	0,975	6,30	4,86	4,24	3,89	3,66	3,50	3,38	3,29	3,21	3,15	3,05	2,95	2,84	2,73	2,64	2,49
	0,990	8,86	6,51	5,56	5,04	4,69	4,46	4,28	4,14	4,03	3,94	3,80	3,66	3,51	3,35	3,22	3,00
	0,995	11,1	7,92	6,68	6,00	5,56	5,26	5,03	4,86	4,72	4,60	4,43	4,25	4,06	3,86	3,70	3,44
0,999	17,1	11,8	9,73	8,62	7,92	7,44	7,08	6,80	6,58	6,40	6,13	5,85	5,56	5,25	5,00	4,60	
15	0,9	3,07	2,70	2,49	2,36	2,27	2,21	2,16	2,12	2,09	2,06	2,02	1,97	1,92	1,87	1,83	1,76
	0,95	4,54	3,68	3,29	3,06	2,90	2,79	2,71	2,64	2,59	2,54	2,48	2,40	2,33	2,25	2,18	2,07
	0,975	6,20	4,77	4,15	3,80	3,58	3,41	3,29	3,20	3,12	3,06	2,96	2,86	2,76	2,64	2,55	2,40
	0,990	8,68	6,36	5,42	4,89	4,56	4,32	4,14	4,00	3,89	3,80	3,67	3,52	3,37	3,21	3,08	2,87
	0,995	10,8	7,70	6,48	5,80	5,37	5,07	4,85	4,67	4,54	4,42	4,25	4,07	3,88	3,69	3,52	3,26
0,999	16,6	11,3	9,34	8,25	7,57	7,09	6,74	6,47	6,26	6,08	5,81	5,54	5,27	4,95	4,70	4,31	
16	0,9	3,05	2,67	2,46	2,33	2,24	2,18	2,13	2,09	2,06	2,03	1,99	1,94	1,89	1,84	1,79	1,72
	0,95	4,49	3,63	3,24	3,01	2,85	2,74	2,66	2,59	2,54	2,49	2,42	2,35	2,28	2,19	2,01	1,92
	0,975	6,12	4,69	4,03	3,73	3,50	3,34	3,22	3,12	3,05	2,99	2,89	2,79	2,68	2,57	2,47	2,32
	0,990	8,53	6,23	5,29	4,77	4,44	4,20	4,03	3,89	3,78	3,69	3,55	3,41	3,26	3,10	2,97	2,75
	0,995	10,6	7,51	6,30	5,64	5,21	4,91	4,69	4,52	4,38	4,27	4,10	3,92	3,73	3,54	3,37	3,11
0,999	16,1	11,0	9,01	7,94	7,27	6,80	6,46	6,19	5,98	5,81	5,55	5,27	4,99	4,70	4,45	4,06	
17	0,9	3,03	2,64	2,44	2,31	2,22	2,15	2,10	2,06	2,03	2,00	1,96	1,91	1,86	1,81	1,76	1,69
	0,95	4,45	3,59	3,20	2,96	2,81	2,70	2,61	2,55	2,49	2,45	2,38	2,31	2,23	2,15	2,08	1,96
	0,975	6,04	4,62	4,01	3,66	3,44	3,28	3,16	3,06	2,98	2,92	2,82	2,72	2,62	2,50	2,41	2,25
	0,990	8,40	6,11	5,18	4,67	4,34	4,10	3,93	3,79	3,68	3,59	3,46	3,31	3,16	3,00	2,87	2,65
	0,995	10,4	7,35	6,16	5,50	5,07	4,78	4,56	4,39	4,25	4,14	3,97	3,79	3,61	3,41	3,25	2,98
0,999	15,7	10,7	8,73	7,68	7,02	6,56	6,22	5,96	5,75	5,58	5,32	5,05	4,78	4,48	4,24	3,85	
18	0,9	3,01	2,62	2,42	2,29	2,20	2,13	2,09	2,04	2,00	1,98	1,93	1,89	1,84	1,78	1,74	1,66
	0,95	4,41	3,55	3,16	2,93	2,77	2,66	2,58	2,51	2,46	2,41	2,34	2,27	2,19	2,11	2,04	1,92
	0,975	5,98	4,56	3,95	3,61	3,38	3,22	3,10	3,01	2,93	2,87	2,77	2,67	2,56	2,44	2,35	2,19
	0,990	8,29	6,01	5,09	4,58	4,25	4,01	3,94	3,71	3,60	3,51	3,37	3,23	3,08	2,92	2,78	2,57
	0,995	10,2	7,21	6,03	5,37	4,96	4,66	4,44	4,28	4,16	4,03	3,86	3,68	3,50	3,30	3,14	2,87
0,999	15,4	10,4	8,49	7,46	6,81	6,35	6,02	5,76	5,56	5,39	5,13	4,87	4,59	4,30	4,06	3,67	

Продолжение таблицы 4

b	q	f <sub>1</sub>											x				
		1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	12		15	20	30	50
19	0,9	2,99	2,61	2,40	2,27	2,18	2,11	2,06	2,02	1,98	1,96	1,91	1,86	1,81	1,76	1,71	1,63
	0,95	4,38	3,52	3,13	2,90	2,74	2,63	2,54	2,48	2,42	2,38	2,31	2,23	2,16	2,07	2,00	1,88
	0,975	5,92	4,51	3,80	3,56	3,33	3,17	3,05	2,96	2,88	2,82	2,72	2,62	2,51	2,39	2,30	2,13
	0,990	8,18	5,93	5,01	4,50	4,17	3,94	3,77	3,63	3,52	3,43	3,30	3,15	3,00	2,84	2,71	2,49
	0,995	10,1	7,09	5,82	5,27	4,85	4,56	4,34	4,18	4,04	3,93	3,76	3,59	3,40	3,21	3,04	2,78
0,999	15,1	10,2	8,28	7,27	6,62	6,18	5,85	5,59	5,39	5,22	4,97	4,70	4,43	4,14	3,90	3,51	
20	0,9	2,97	2,59	2,38	2,25	2,16	2,09	2,04	2,00	1,96	1,94	1,89	1,84	1,79	1,74	1,69	1,61
	0,95	4,35	3,49	3,10	2,87	2,71	2,60	2,51	2,45	2,39	2,35	2,28	2,20	2,12	2,04	1,97	1,84
	0,975	5,87	4,46	3,86	3,51	3,29	3,13	3,01	2,91	2,84	2,77	2,68	2,57	2,46	2,35	2,25	2,08
	0,990	8,10	5,85	4,94	4,43	4,10	3,87	3,70	3,56	3,46	3,37	3,23	3,09	2,94	2,78	2,64	2,42
	0,995	9,84	6,99	5,82	5,17	4,76	4,47	4,26	4,09	3,96	3,85	3,68	3,52	3,32	3,12	2,96	2,69
0,999	14,8	9,95	8,10	7,10	6,46	6,02	5,69	5,44	5,24	5,08	4,82	4,56	4,29	4,00	3,77	3,38	
21	0,9	2,96	2,57	2,36	2,23	2,14	2,08	2,02	1,98	1,95	1,92	1,87	1,83	1,78	1,72	1,67	1,59
	0,95	4,32	3,47	3,07	2,84	2,68	2,57	2,49	2,42	2,37	2,32	2,25	2,18	2,10	2,01	1,94	1,81
	0,975	5,83	4,42	3,82	3,48	3,25	3,09	2,97	2,87	2,80	2,73	2,64	2,53	2,42	2,31	2,21	2,04
	0,990	8,02	5,78	4,87	4,37	4,04	3,81	3,64	3,51	3,40	3,31	3,17	3,03	2,88	2,72	2,58	2,36
	0,995	9,83	6,89	5,73	5,09	4,68	4,39	4,18	4,01	3,88	3,77	3,60	3,43	3,24	3,05	2,88	2,61
0,999	14,6	9,77	7,94	6,95	6,32	5,88	5,56	5,31	5,11	4,95	4,70	4,44	4,17	3,88	3,64	3,26	
22	0,9	2,95	2,56	2,35	2,22	2,13	2,06	2,01	1,97	1,93	1,90	1,86	1,81	1,76	1,70	1,65	1,57
	0,95	4,30	3,44	3,05	2,82	2,66	2,55	2,46	2,40	2,34	2,30	2,23	2,15	2,07	1,98	1,91	1,78
	0,975	5,79	4,38	3,78	3,44	3,22	3,05	2,93	2,84	2,76	2,70	2,60	2,50	2,39	2,27	2,17	2,00
	0,990	7,95	5,72	4,82	4,31	3,99	3,76	3,59	3,45	3,35	3,26	3,12	2,98	2,83	2,67	2,53	2,31
	0,995	9,73	6,81	5,65	5,02	4,61	4,32	4,11	3,94	3,81	3,70	3,54	3,36	3,18	2,98	2,82	2,55
0,999	14,4	9,61	7,80	6,81	6,19	5,76	5,44	5,19	4,99	4,83	4,58	4,33	4,06	3,78	3,54	3,15	
23	0,9	2,94	2,55	2,34	2,21	2,11	2,05	1,99	1,95	1,92	1,89	1,84	1,80	1,74	1,69	1,64	1,55
	0,95	4,28	3,42	3,03	2,80	2,64	2,53	2,44	2,37	2,32	2,27	2,20	2,13	2,05	1,96	1,88	1,76
	0,975	5,75	4,35	3,75	3,41	3,18	3,02	2,90	2,81	2,73	2,67	2,57	2,47	2,36	2,24	2,14	1,97
	0,990	7,88	5,66	4,76	4,26	3,94	3,71	3,54	3,41	3,30	3,21	3,07	2,93	2,78	2,62	2,48	2,26
	0,995	9,63	6,73	5,58	4,95	4,54	4,26	4,05	3,88	3,75	3,64	3,47	3,30	3,12	2,92	2,76	2,48
0,999	14,2	9,47	7,64	6,70	6,08	5,65	5,33	5,09	4,89	4,73	4,48	4,23	3,96	3,68	3,44	3,05	
24	0,9	2,93	2,54	2,33	2,19	2,10	2,04	1,98	1,94	1,91	1,88	1,83	1,78	1,73	1,67	1,62	1,53
	0,95	4,26	3,40	3,01	2,78	2,62	2,51	2,42	2,36	2,30	2,25	2,18	2,11	2,03	1,94	1,86	1,73
	0,975	5,72	4,32	3,72	3,38	3,15	2,99	2,87	2,78	2,70	2,64	2,54	2,44	2,33	2,21	2,11	1,94
	0,990	7,82	5,61	4,72	4,22	3,90	3,67	3,50	3,36	3,26	3,17	3,03	2,89	2,74	2,58	2,44	2,21
	0,995	9,55	6,66	5,52	4,89	4,48	4,20	3,98	3,83	3,69	3,59	3,42	3,25	3,06	2,87	2,70	2,43
0,999	14,0	9,34	7,55	6,59	5,98	5,55	5,23	4,99	4,80	4,64	4,39	4,14	3,87	3,59	3,36	2,97	

$f_2$	$q$	$f_1$															
		1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	12	15	20	30	50	$\infty$
25	0,9	2,92	2,53	2,32	2,18	2,09	2,02	1,97	1,93	1,89	1,87	1,82	1,77	1,72	1,66	1,61	1,52
	0,95	4,24	3,39	2,99	2,76	2,60	2,49	2,40	2,34	2,28	2,25	2,24	2,16	2,09	2,01	1,92	1,84
	0,975	5,69	4,29	3,69	3,35	3,13	2,97	2,85	2,75	2,68	2,61	2,51	2,41	2,31	2,20	2,10	2,08
	0,990	7,77	5,77	4,68	4,18	3,85	3,63	3,46	3,32	3,22	3,13	2,99	2,85	2,70	2,54	2,40	2,17
	0,995	9,48	6,80	5,46	4,84	4,43	4,15	3,94	3,78	3,64	3,54	3,37	3,20	3,01	2,82	2,65	2,38
30	0,999	13,9	9,22	7,45	6,49	5,89	5,46	5,15	4,91	4,71	4,56	4,31	4,08	3,79	3,52	3,28	2,89
	0,9	2,88	2,49	2,28	2,14	2,05	1,98	1,93	1,88	1,85	1,82	1,77	1,72	1,67	1,61	1,55	1,46
	0,95	4,17	3,32	2,92	2,69	2,53	2,42	2,33	2,27	2,21	2,16	2,09	2,01	1,93	1,84	1,76	1,62
	0,975	5,57	4,18	3,59	3,25	3,03	2,87	2,75	2,65	2,57	2,51	2,41	2,31	2,20	2,07	1,97	1,79
	0,990	7,56	5,39	4,51	4,02	3,70	3,47	3,30	3,17	3,07	3,07	2,98	2,84	2,70	2,55	2,39	2,25
35	0,995	9,18	6,35	5,24	4,82	4,23	3,95	3,74	3,58	3,45	3,34	3,18	3,01	2,82	2,63	2,46	2,18
	0,999	13,3	8,77	7,05	6,12	5,53	5,12	4,82	4,58	4,39	4,24	4,00	3,75	3,49	3,22	2,98	2,59
	0,9	2,85	2,46	2,25	2,11	2,02	1,95	1,90	1,85	1,82	1,79	1,74	1,69	1,63	1,57	1,51	1,41
	0,95	4,12	3,27	2,87	2,64	2,49	2,37	2,29	2,22	2,16	2,11	2,04	1,96	1,88	1,79	1,70	1,56
	0,975	5,48	4,11	3,52	3,18	2,96	2,80	2,68	2,58	2,50	2,44	2,34	2,23	2,12	2,00	1,89	1,70
40	0,990	7,42	5,27	4,40	3,91	3,59	3,37	3,20	3,07	2,96	2,88	2,74	2,60	2,44	2,28	2,14	1,89
	0,995	8,98	6,19	5,39	4,48	4,08	3,81	3,61	3,45	3,32	3,21	3,05	2,88	2,69	2,50	2,33	2,04
	0,999	10,9	8,47	6,79	5,88	5,30	4,89	4,59	4,36	4,18	4,03	3,79	3,55	3,29	3,02	2,78	2,38
	0,9	2,84	2,44	2,23	2,09	2,00	1,93	1,87	1,83	1,79	1,76	1,71	1,66	1,61	1,54	1,48	1,38
	0,95	4,08	3,23	2,84	2,61	2,45	2,34	2,25	2,18	2,12	2,08	2,00	1,92	1,84	1,74	1,66	1,51
45	0,975	5,42	4,05	3,46	3,13	2,90	2,74	2,62	2,53	2,45	2,39	2,29	2,18	2,07	1,94	1,83	1,64
	0,990	7,31	5,18	4,31	3,83	3,51	3,29	3,12	2,99	2,89	2,80	2,66	2,52	2,37	2,20	2,06	1,80
	0,995	8,83	6,07	4,98	4,37	3,99	3,71	3,51	3,35	3,22	3,12	2,95	2,78	2,60	2,40	2,23	1,93
	0,999	12,6	8,25	6,59	5,70	5,13	4,73	4,44	4,21	4,02	3,87	3,64	3,40	3,14	2,87	2,64	2,23
	0,9	2,82	2,42	2,21	2,07	1,98	1,91	1,85	1,81	1,77	1,74	1,70	1,64	1,58	1,52	1,46	1,35
50	0,95	4,06	3,20	2,81	2,58	2,42	2,31	2,22	2,15	2,10	2,05	1,97	1,89	1,81	1,71	1,63	1,47
	0,975	5,38	4,01	3,42	3,09	2,86	2,70	2,58	2,49	2,41	2,35	2,25	2,14	2,03	1,90	1,79	1,59
	0,990	7,23	5,11	4,25	3,77	3,45	3,23	3,07	2,94	2,83	2,74	2,61	2,46	2,31	2,14	2,00	1,74
	0,995	8,71	5,97	4,89	4,29	3,91	3,64	3,43	3,28	3,15	3,04	2,88	2,71	2,53	2,33	2,16	1,85
	0,999	12,4	8,09	6,45	5,56	5,00	4,61	4,32	4,09	3,91	3,76	3,53	3,29	3,04	2,76	2,53	2,12
50	0,9	2,81	2,41	2,20	2,06	1,97	1,90	1,84	1,80	1,76	1,73	1,68	1,63	1,57	1,50	1,44	1,33
	0,95	4,03	3,18	2,79	2,56	2,40	2,29	2,20	2,13	2,07	2,03	1,95	1,87	1,78	1,69	1,60	1,44
	0,975	5,34	3,97	3,38	3,05	2,83	2,67	2,55	2,46	2,38	2,32	2,22	2,11	1,99	1,87	1,75	1,55
	0,990	7,17	5,06	4,20	3,72	3,41	3,19	3,02	2,89	2,78	2,70	2,56	2,42	2,27	2,10	1,95	1,68
	0,995	8,63	5,90	4,83	4,23	3,85	3,58	3,38	3,22	3,09	2,99	2,82	2,65	2,47	2,27	2,10	1,79
0,999	12,2	7,96	6,34	5,46	4,90	4,51	4,22	4,00	3,82	3,67	3,44	3,20	2,95	2,68	2,44	2,03	

Окончание таблицы 4

$t_2$	$q$	$f_1$										$\tau$						
		1	2	3	4	5	6	7	8	9	10		12	15	20	30	50	
60	0,9	2,79	2,39	2,18	2,04	1,95	1,87	1,82	1,77	1,74	1,71	1,66	1,60	1,54	1,48	1,41	1,29	
	0,95	4,00	3,15	2,76	2,53	2,37	2,25	2,17	2,10	2,04	1,99	1,92	1,84	1,75	1,65	1,56	1,39	
	0,975	5,28	3,93	3,34	3,01	2,79	2,63	2,51	2,41	2,33	2,27	2,17	2,06	1,94	1,82	1,70	1,48	
	0,990	7,08	4,98	4,13	3,65	3,34	3,12	2,95	2,82	2,72	2,63	2,50	2,35	2,20	2,03	1,88	1,60	
	0,995	8,49	5,79	4,73	4,14	3,76	3,49	3,29	3,13	3,01	2,90	2,74	2,57	2,39	2,19	2,01	1,69	
	0,999	12,0	7,77	6,17	5,31	4,76	4,37	4,08	3,86	3,69	3,54	3,32	3,08	2,83	2,55	2,32	1,89	
	80	0,9	2,77	2,37	2,15	2,02	1,92	1,85	1,79	1,75	1,71	1,68	1,63	1,57	1,51	1,44	1,38	1,24
	0,95	3,96	3,11	2,72	2,49	2,33	2,21	2,13	2,06	2,00	1,95	1,88	1,79	1,70	1,60	1,51	1,32	
	0,975	5,22	3,86	3,28	2,95	2,73	2,57	2,45	2,35	2,28	2,21	2,11	2,00	1,88	1,75	1,63	1,40	
	0,990	6,96	4,88	4,04	3,56	3,26	3,04	2,87	2,74	2,64	2,55	2,42	2,27	2,12	1,94	1,79	1,49	
0,995	8,33	5,67	4,61	4,03	3,65	3,39	3,19	3,03	2,91	2,80	2,64	2,47	2,29	2,08	1,90	1,56		
0,999	11,7	7,54	5,97	5,12	4,58	4,20	3,92	3,70	3,53	3,39	3,16	2,93	2,68	2,41	2,16	1,72		
100	0,9	2,76	2,36	2,14	2,00	1,91	1,83	1,78	1,73	1,69	1,66	1,61	1,56	1,49	1,42	1,35	1,21	
	0,95	3,94	3,09	2,70	2,46	2,31	2,19	2,10	2,03	1,97	1,93	1,85	1,77	1,68	1,57	1,48	1,28	
	0,975	5,18	3,83	3,25	2,92	2,70	2,54	2,42	2,32	2,24	2,18	2,08	1,97	1,85	1,71	1,59	1,35	
	0,990	6,90	4,82	3,98	3,51	3,21	2,99	2,82	2,69	2,59	2,50	2,37	2,22	2,07	1,89	1,74	1,43	
	0,995	8,24	5,59	4,54	3,96	3,59	3,33	3,13	2,97	2,85	2,74	2,58	2,41	2,23	2,02	1,84	1,49	
	0,999	11,5	7,41	5,86	5,02	4,48	4,11	3,83	3,61	3,44	3,30	3,07	2,84	2,59	2,32	2,08	1,62	
	120	0,9	2,75	2,35	2,13	1,99	1,90	1,82	1,77	1,72	1,68	1,65	1,60	1,55	1,48	1,41	1,34	1,19
		0,95	3,92	3,07	2,68	2,45	2,29	2,18	2,09	2,02	1,96	1,91	1,83	1,75	1,66	1,55	1,46	1,25
		0,975	5,15	3,80	3,23	2,89	2,67	2,52	2,39	2,30	2,22	2,16	2,05	1,94	1,82	1,69	1,56	1,31
		0,990	6,85	4,79	3,95	3,48	3,17	2,96	2,79	2,66	2,56	2,47	2,34	2,19	2,03	1,86	1,70	1,38
0,995		8,18	5,54	4,50	3,92	3,55	3,28	3,09	2,93	2,81	2,71	2,54	2,37	2,19	1,98	1,80	1,43	
0,999		11,4	7,32	5,78	4,95	4,42	4,04	3,77	3,55	3,38	3,24	3,02	2,78	2,53	2,26	2,02	1,54	
$\infty$		0,9	2,71	2,30	2,08	1,94	1,85	1,77	1,72	1,67	1,63	1,60	1,55	1,49	1,42	1,34	1,26	1,00
		0,95	3,84	3,00	2,60	2,37	2,21	2,10	2,01	1,94	1,88	1,83	1,75	1,67	1,57	1,46	1,35	1,00
		0,975	5,02	3,69	3,12	2,79	2,57	2,41	2,29	2,19	2,11	2,05	1,94	1,83	1,71	1,57	1,43	1,00
		0,990	6,63	4,61	3,78	3,32	3,02	2,80	2,64	2,51	2,41	2,32	2,18	2,04	1,88	1,70	1,52	1,00
	0,995	7,88	5,30	4,28	3,72	3,35	3,09	2,90	2,74	2,62	2,52	2,36	2,19	2,00	1,79	1,59	1,00	
	0,999	10,8	6,91	5,42	4,62	4,10	3,74	3,47	3,27	3,10	2,96	2,74	2,51	2,27	1,99	1,73	1,00	

Примечание —  $F_{\alpha}(f_1, f_2) = 1/F_{1-\alpha}(f_2, f_1)$



Т а б л и ц а 5 — Общий объем двух выборок  $n_1 = n_2$  для обеспечения заданной мощности  $1 - \beta$  (0,9; 0,8 или 0,5) при проверке гипотезы  $H_0: \rho_1 \leq \rho_2$  для  $\alpha = 0,05$  и различных значений  $\rho_1$  и  $\rho_2$  при условии, что  $\rho_1 > \rho_2$

$\rho_2$	$\rho_1$									
	0,95	0,9	0,8	0,7	0,6	0,5	0,4	0,3	0,2	0,1
0,9	503 371 184									
0,8	89 67 38	232 173 87								
0,7	42 34 19	74 56 31	338 249 121							
0,6	25 20 12	39 30 17	97 73 37	408 302 143						
0,5	18 14 9	25 19 11	47 36 19	111 84 43	445 321 155					
0,4	13 11 7	17 13 9	30 23 12	53 41 22	116 85 43	445 321 155				
0,3	10 9 6	12 10 6	18 15 9	31 23 12	53 41 22	111 84 43	408 302 143			
0,2	8 6 5	10 8 5	12 10 6	18 15 9	30 23 12	47 36 19	97 73 37	338 249 121		
0,1	6 5 3	8 6 3	10 8 5	12 10 6	17 13 9	25 19 11	39 30 17	74 56 31	232 173 87	
0,05	5 5 3	6 5 3	8 6 5	10 9 6	13 11 7	18 14 9	25 20 12	42 34 19	89 67 38	503 371 184

П р и м е ч а н и е — В каждой ячейке таблицы верхнее число обозначает общий объем выборки  $n_1 = n_2$  для  $1 - \beta = 0,9$ , среднее число соответствует  $1 - \beta = 0,8$ , а нижнее число соответствует  $1 - \beta = 0,5$ . Например, если  $\rho_1 = 0,9$  и  $\rho_2 = 0,8$ , нужно выбрать  $n_1 = n_2 = 232$  для  $1 - \beta = 0,9$ ,  $n_1 = n_2 = 173$  для  $1 - \beta = 0,8$  и  $n_1 = n_2 = 87$  для  $1 - \beta = 0,5$ .

Т а б л и ц а 6 — Общий размер двух выборок  $n_1 = n_2$  для обеспечения заданной мощности  $1 - \beta$  (0,9; 0,8 или 0,5) при проверке гипотезы  $H_0: \rho_1 \leq \rho_2$  для  $\alpha = 0,01$  и различных значений  $\rho_1$  и  $\rho_2$  при условии, что  $\rho_1 > \rho_2$

$\rho_2$	$\rho_1$									
	0,95	0,9	0,8	0,7	0,6	0,5	0,4	0,3	0,2	0,2
0,9	745 583 333									
0,8	130 101 61	344 269 155								
0,7	60 49 32	108 86 52	503 393 221							
0,6	37 31 18	56 46 27	143 113 66	609 475 265						
0,5	25 20 14	35 29 18	69 55 34	163 129 73	667 519 285					
0,4	18 16 10	24 20 13	42 34 21	77 60 35	171 137 78	667 519 285				
0,3	14 12 9	18 15 10	28 22 13	43 35 22	77 60 35	163 129 73	609 475 265			
0,2	12 9 6	13 12 8	18 16 9	28 22 13	42 34 21	69 55 34	143 113 66	503 393 221		
0,1	9 8 6	9 9 6	13 12 8	18 15 10	24 20 13	35 29 18	56 46 27	108 86 52	344 269 155	
0,05	8 5 5	9 8 6	12 9 6	14 12 9	18 16 10	25 20 14	37 31 18	60 49 32	130 101 61	745 583 333

П р и м е ч а н и е — В каждой ячейке таблицы верхнее число обозначает общий объем выборки  $n_1 = n_2$  для  $1 - \beta = 0,9$ , среднее число соответствует  $1 - \beta = 0,9$ , а нижнее число соответствует  $1 - \beta = 0,5$ . Например, если  $\rho_1 = 0,9$  и  $\rho_2 = 0,8$ , нужно выбрать  $n_1 = n_2 = 344$  для  $1 - \beta = 0,9$  и  $n_1 = n_2 = 155$  для  $1 - \beta = 0,5$ .

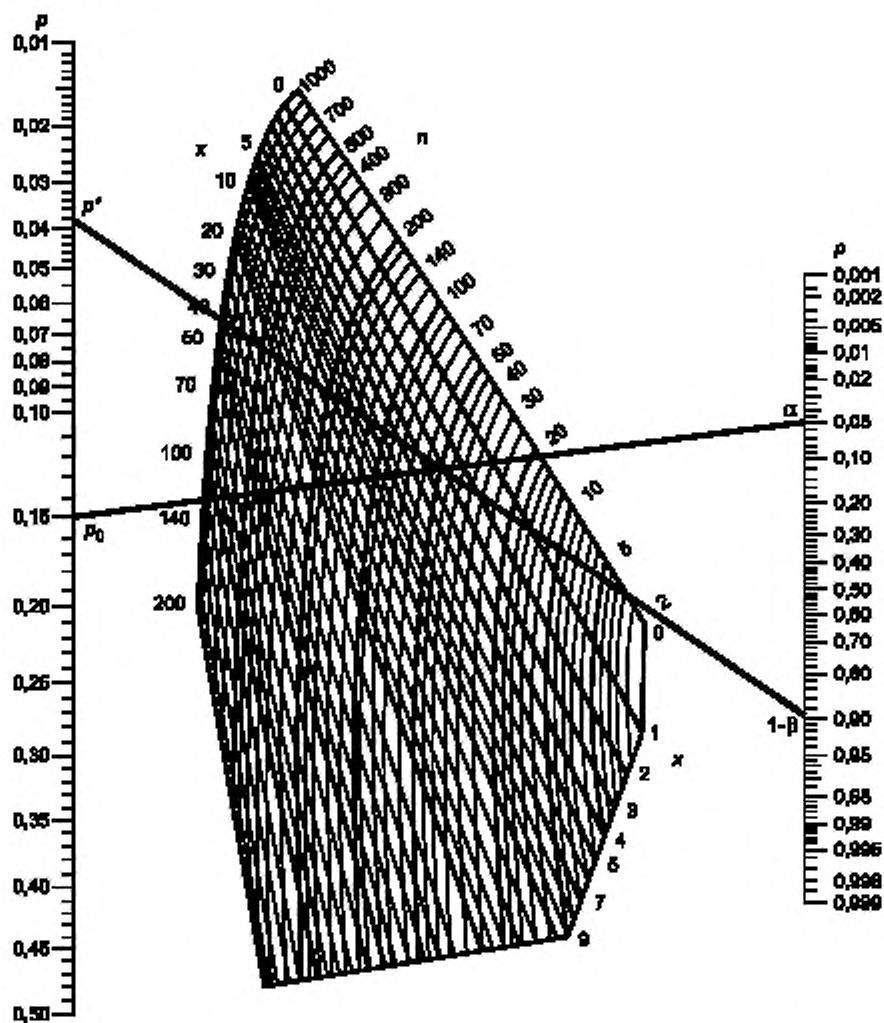


Рисунок 2 — Номограмма Ларсона для биномиального распределения

П р и м е ч а н и е — Если  $p < 0,01$ , необходимо отметить  $\lambda_p$  вместо  $p$  на шкале  $p$  и умножить значение, указанное на  $n$ -шкале, на  $\lambda$ . Определить  $\lambda$  как  $0,01/p$ , округляя до ближайшего большего целого значения.

**Приложение А**  
**(обязательное)**

**Вычисление оперативной характеристики критерия для формы В**

**А.1 Односторонний критерий для  $H_0: p \geq p_0$**

<p>Характеристика: Процедура определения: Элементы: Критерий для идентификации целевых элементов: Примечания:</p>
<p>Заданное значение <math>p_0 =</math> Выбранный уровень значимости <math>\alpha =</math> Объем выборки <math>n =</math> Пропорция, для которой рассчитывается вероятность неотклонения гипотезы <math>H_0 - p' =</math> Если критические значения, соответствующие <math>n</math> и <math>p_0</math> для указанного уровня значимости <math>\alpha</math>, неизвестны, они должны быть вычислены по 8.2 (формы В). <math>C_{I,0} =</math></p>
<p>Определение вероятности неотклонения нулевой гипотезы <math>H_0 - P_{\alpha}</math>. Если гипотеза <math>H_0</math> истинна, то вероятность ошибки первого рода равна <math>1 - P_{\alpha}</math>. Достигнутый уровень значимости <math>\alpha'</math> равен вероятности ошибки первого рода при <math>p' = p_0</math>. Если альтернативная гипотеза истинна, вероятность ошибки второго рода равна <math>P_{\alpha}</math>.</p> $u' = 2 \left( \sqrt{(C_{I,0} + 1)(1 - p')} - \sqrt{(n - C_{I,0})p'} \right) =$ <p>По таблице 3 определяют: <math>\Phi(u') =</math> Результаты вычислений: <math>P_{\alpha} = 1 - \Phi(u') =</math> <math>p' = p_0 - \alpha' = \Phi(u') =</math> <math>p' &lt; p_0 - \beta = 1 - \Phi(u'') =</math></p>

**А.2 Односторонний критерий для  $H_0: p \leq p_0$**

<p>Характеристика: Процедура определения: Элементы: Критерий для идентификации целевых элементов: Примечания:</p>
<p>Заданное значение <math>p_0 =</math> Выбранный уровень значимости <math>\alpha =</math> Объем выборки <math>n =</math> Пропорция, для которой рассчитывается вероятность неотклонения гипотезы <math>H_0 - p' =</math> Если критические значения, соответствующие <math>n</math> и <math>p_0</math> для указанного уровня значимости <math>\alpha</math>, неизвестны, они должны быть вычислены по 8.2 (формы В). <math>C_{U,0} =</math></p>

Определение вероятности неотклонения нулевой гипотезы  $H_0 — P_\alpha$ .

Если гипотеза  $H_0$  истинна, вероятность ошибки первого рода равна  $1 — P_\alpha$ . Достигнутый уровень значимости  $\alpha'$  равен вероятности ошибки первого рода при  $p' = p_0$ .

Если альтернативная гипотеза истинна, вероятность ошибки второго рода равна  $P_\alpha$ .

$$u'' = 2 \left[ \sqrt{C_{u,0}(1-p')} - \sqrt{(n - C_{u,0} + 1)p'} \right] =$$

По таблице 3 определяют:

$$\Phi(u'') =$$

Результаты вычислений:

$$P_\alpha = \Phi(u'') =$$

$$p' = p_0 — \alpha' = \Phi(u'') =$$

$$p' > p_0 — \beta = 1 - \Phi(u'') =$$

### А.3 Двусторонний критерий для $H_0: p = p_0$

Характеристика:

Процедура определения:

Элементы:

Критерий для идентификации целевых элементов:

Примечания:

Заданное значение  $p_0 =$

Выбранный уровень значимости  $\alpha =$

Объем выборки  $n =$

Пропорция, для которой рассчитывается вероятность неотклонения гипотезы  $H_0 — p' =$

Если критические значения, соответствующие  $n$  и  $p_0$  для указанного уровня значимости  $\alpha$ , неизвестны, они должны быть вычислены по 8.2 (формы В).

$$C_{l,t} =$$

$$C_{u,t} =$$

Определение вероятности неотклонения нулевой гипотезы  $H_0 — P_\alpha$ .

Если гипотеза  $H_0$  истинна, вероятность ошибки первого рода равна  $(1 — P_\alpha)$ . Достигнутый уровень значимости  $\alpha'$  равен вероятности ошибки первого рода при  $p' = p_0$ .

Если альтернативная гипотеза истинна, вероятность ошибки второго рода равна  $P_\alpha$ .

$$u' = 2 \left[ \sqrt{(C_{l,t} + 1)(1-p')} - \sqrt{(n - C_{l,t})p'} \right] =$$

$$u'' = 2 \left[ \sqrt{C_{u,t}(1-p')} - \sqrt{(n - C_{u,t} - 1)p'} \right] =$$

По таблице 3 определяют:

$$\Phi(u') =$$

$$\Phi(u'') =$$

Результаты вычислений:

$$P_\alpha = \Phi(u'') - \Phi(u') =$$

$$\text{Если } p' = p_0 — \alpha' = 1 - \Phi(u'') + \Phi(u') =$$

$$\text{Если } p' \neq p_0 — \beta = \Phi(u'') - \Phi(u') =$$

**Приложение В**  
**(справочное)**

**Примеры заполненных форм**

**В.1 Формы А**

В.1.1 Пример 1 — Форма А-2. Односторонний интервал с нижней доверительной границей для пропорции  $p$

Характеристика: Наличие видеомэгнитофонов в квартирах.

Процедура определения: Интервью.

Элементы: Жилые дома в определенном районе.

Критерий для идентификации целевых элементов: Наличие, по крайней мере, одного видеомэгнитофона.

Примечания: Нет.

Выбранный уровень доверия  $1 - \alpha = 0,95$ .

Объем выборки  $n = 20$

Число целевых элементов в выборке  $x = 14$ .

Определение границы доверительного интервала

а) Процедура для  $n \leq 30$

1) Случай  $x = 0$

$$p_{l,0} = 0$$

2) Случай  $x > 0$

По таблице 2 для известных значений  $n$ ,  $X = n - x$  и  $q = (1 - \alpha)$  определяют:

$$T_{1-\alpha}(n, n-x) = 0,508.$$

$$p_{l,0} = 1 - T_{1-\alpha}(n, n-x) = 0,492.$$

б) Процедура для  $n > 30$

1) Случай  $x = 0$

$$p_{l,0} = 0$$

2) Случай  $x = n$

$$p_{l,q} = \alpha^{1/n}$$

3) Случай  $0 < x < n$

По таблице 3 для  $q = (1 - \alpha)$  определяют  $u_{1-\alpha} =$

Значение  $d$ , соответствующее выбранному уровню доверия, определяют по следующей таблице.

$1 - \alpha$	0,90	0,95	0,99
$d$	0,411	0,677	1,353

$$p_{l,0} = p_* + (1 - 2p_*)d / (n + 1) - u_{1-\alpha} \sqrt{p_*(1 - p_*)[1 - d / (n + 1)] / (n + 1)} =$$

$$\text{где } p_* = x / (n + 1)$$

Результат (искомый доверительный интервал):

$$p \geq p_{l,0} = 0,492.$$

В.1.2 Пример 2 — Форма А-3. Двусторонний доверительный интервал для пропорции  $p$ 

Характеристика: Наличие видеомэгнофонов в квартирах. Процедура определения: Интервью. Элементы: Жилые дома в определенном районе. Критерий для идентификации целевых элементов: Наличие, по крайней мере, одного видеомэгнофона в здании. Примечания: Нет.									
Выбранный уровень доверия $1 - \alpha = 0,99$ . Объем выборки $n = 90$ . Число целевых элементов в выборке $x = 19$ .									
Определение границы доверительного интервала а) Процедура для $n \leq 30$									
1) Определение верхней границы доверительного интервала	<input type="checkbox"/>								
- Случай $x = n$	<input type="checkbox"/>								
$p_{u,t} = 1$									
- Случай $x < n$	<input type="checkbox"/>								
По таблице 2 для известных значений $n$ , $X = x$ и $q = (1 - \alpha/2)$ определяют: $p_{u,t} = T_{1 - \alpha/2}(n, x) =$									
2) Определение нижней границы доверительного интервала:									
- Случай $x = 0$	<input type="checkbox"/>								
- Случай $x > 0$	<input type="checkbox"/>								
По таблице 2 для известных значений $n$ , $X = n - x$ и $q = (1 - \alpha/2)$ определяют: $T_{1 - \alpha/2}(n, n - x) =$ $p_{l,t} = 1 - T_{1 - \alpha/2}(n, n - x) =$									
б) Процедура для $n > 30$	<input checked="" type="checkbox"/>								
3) Определение верхней границы доверительного интервала	<input type="checkbox"/>								
- Случай $x = 0$	<input type="checkbox"/>								
$p_{u,t} = 1 - (\alpha/2)^{1/n} =$									
- Случай $x = n$	<input type="checkbox"/>								
$p_{u,t} = 1$									
- Случай $0 < x < n$	<input checked="" type="checkbox"/>								
По таблице 3 для $q = (1 - \alpha/2)$ определяют $u_{1 - \alpha/2} = 2,576$ . Значение $d$ , соответствующее выбранному уровню доверия, определяют по следующей таблице.									
<table border="1"> <tr> <td><math>1 - \alpha</math></td> <td>0,90</td> <td>0,95</td> <td>0,99</td> </tr> <tr> <td><math>d</math></td> <td>0,677</td> <td>0,960</td> <td>1,659</td> </tr> </table>		$1 - \alpha$	0,90	0,95	0,99	$d$	0,677	0,960	1,659
$1 - \alpha$	0,90	0,95	0,99						
$d$	0,677	0,960	1,659						
$p_{u,t} = p_* - (1 - 2p_*)d / (n + 1) - u_{1 - \alpha/2} \sqrt{p_*(1 - p_*)[1 - d / (n + 1)] / (n + 1)} = 0,341$ , где $p_* = (x + 1) / (n + 1)$ .									
3) Определение нижней границы доверительного интервала:									
- Случай $x = 0$	<input type="checkbox"/>								
$p_{l,t} = 0$									
- Случай $x = n$	<input type="checkbox"/>								
$p_{l,t} = (\alpha/2)^{1/n} =$									
- Случай $0 < x < n$	<input checked="" type="checkbox"/>								
По таблице 3 для $q = (1 - \alpha/2)$ определяют $u_{1 - \alpha/2} = 2,576$ .									

Значение  $d$ , соответствующее выбранному уровню доверия, определяют по следующей таблице.

$1 - \alpha$	0,90	0,95	0,99
$d$	0,677	0,960	1,659

$$p_{L,t} = p_* + (1 - 2p_*)d / (n + 1) + u_{1-\alpha/2} \sqrt{p_*(1-p_*)[1-d/(n+1)]/(n+1)} = 0,111,$$

где  $p_* = x/(n + 1)$ .

Результаты (искомый доверительный интервал):

$$p_{L,t} = 0,111;$$

$$p_{U,t} = 0,341;$$

$$p_{L,t} \leq p \leq p_{U,t}.$$

## В.2 Формы В

В.2.1 Пример 1 — Форма В-2. Сравнение пропорции  $p$  с заданным значением  $p_0$  для одностороннего критерия с  $H_0: p \leq p_0$

Характеристика: Наличие видеомэгнофонов в квартирах.

Процедура определения: Интервью.

Элементы: Жилые дома в определенном районе.

Критерий для идентификации целевых элементов: Наличие, по крайней мере, одного видеомэгнофона.

Примечания: Нет.

Заданное значение  $p_0 = 0,48$ .

Выбранный уровень значимости  $\alpha = 0,05$ .

Объем выборки  $n = 20$ .

Число целевых элементов в выборке  $x = 14$ .

Процедура проверки гипотез:

I Критические значения известны (см. 7.2.1)

$$C_{u,0} =$$

Гипотезу  $H_0$  отклоняют, если  $x > C_{u,0}$ .

В противном случае гипотезу  $H_0$  не отклоняют.

II Критические значения неизвестны

a) Случай  $x \leq p_0 n$

Гипотезу  $H_0$  не отклоняют.

b) Случай  $x > p_0 n$

1) Процедура для  $n \leq 30$

Определяют по 8.1.2 (форма А-2) одностороннюю нижнюю доверительную границу для  $p$ ,  $x$  и уровня доверия  $(1 - \alpha)$

$$p_{L,0} = 0,492.$$

Гипотезу  $H_0$  отклоняют, если  $p_{L,0} > p_0$ , в противном случае гипотезу не отклоняют.

2) Процедура для  $n > 30$

- Случай  $x = n$

$$p_{L,0} = \alpha^{1/n} =$$

[см. 8.1.2 b) 2)].

Гипотезу  $H_0$  отклоняют, если  $p_{L,0} > p_0$ , в противном случае гипотезу не отклоняют.

- Случай  $0 < x < n$

По таблице 3 для  $q = (1 - \alpha)$  определяют  $u_{1-\alpha} =$

$$u_2 = 2 \left[ \sqrt{x(1-p_0)} - \sqrt{(n-x+1)p_0} \right]$$

Гипотезу  $H_0$  отклоняют, если  $u_2 > u_{1-\alpha}$ , в противном случае гипотезу не отклоняют.



Результат проверки гипотезы: Гипотеза $H_0$ отклонена <input checked="" type="checkbox"/> Гипотеза $H_0$ не отклонена <input type="checkbox"/>
Определение критических значений $C_{u,0}$ — наибольшее целое число $x$ , для которого процедура проверки гипотез по форме В-2 (II) не ведет к отклонению нулевой гипотезы. Значение $C_{u,0}$ определяют методом итераций путем повторного применения формы В-2 (II) с различными значениями $x$ , пока не будут найдены такие два значения, которые отличаются друг от друга на 1, и при этом одно из значений приводит к отклонению нулевой гипотезы $H_0$ , а другое значение приводит к неотклонению нулевой гипотезы $H_0$ <sup>1)</sup> . Начальное значение $x_{\text{старт}}$ может быть получено следующим образом.
В качестве $x^{*2)}$ принимают $np_0$ , округленное до ближайшего целого числа, = 10. $p_{u,0 x=x^*} = 0,699$ ( $p_{u,0 x=x^*}$ по 8.1.1, форма А-1) $x_{\text{старт}}$ равно значению $np_{u,0 x=x^*}$ , округленному до ближайшего целого числа, и равно 14.
Интерпретация результатов проверки гипотез по форме В-2(II): для $x \leq C_{u,0} = 13$ гипотезу $H_0$ не отклоняют; для $x \geq C_{u,0} + 1 = 14$ гипотезу $H_0$ отклоняют.
Результат проверки гипотез: $C_{u,0} = 13$
<sup>1)</sup> Критическое значение (или одно из критических значений) может не существовать для некоторых значений $p_0$ и/или для очень маленьких объемов выборок $n$ . <sup>2)</sup> $x^*$ — вспомогательная величина для нахождения $x_{\text{старт}}$ .

В.2.2 Пример 2 — Форма В-3. Сравнение пропорции  $p$  с заданным значением  $p_0$  для двустороннего критерия с  $H_0: p = p_0$

Характеристика: Наличие видеомэгнофонов в квартирах. Процедура определения: Интервью. Элементы: Жилые дома в определенном районе. Критерий для идентификации целевых элементов: Наличие, по крайней мере, одного видеомэгнофона. Примечания: Нет.
Заданное значение $p_0 = 0,33$ . Выбранный уровень значимости $\alpha = 0,01$ . Объем выборки $n = 90$ . Число целевых элементов в выборке $x = 19$ .
Процедура проверки гипотез
I Критические значения известны (см. 7.2.1) $C_{l,t} =$ ; $C_{u,t} =$ Гипотезу $H_0$ отклоняют, если $x < C_{l,t}$ или $x > C_{u,t}$ , в противном случае гипотезу не отклоняют.
II Критические значения неизвестны <input checked="" type="checkbox"/> а) Процедура $n \leq 30$ <input type="checkbox"/> Определяют по 8.1.3 (форма А-3) двусторонние доверительные границы для $n$ , $x$ и уровня доверия $(1 - \alpha)$ $p_{l,t} =$ , $p_{u,t} =$ Гипотезу $H_0$ отклоняют, если $p_{l,t} > p_0$ или $p_{u,t} < p_0$ , в противном случае гипотезу не отклоняют.

б) Процедура для  $n > 30$

1) Случай  $x = 0$

$$p_{u,t} = 1 - (\alpha/2)^{1/n} =$$

Гипотезу  $H_0$  отклоняют, если  $p_{u,t} < p_0$ , в противном случае гипотезу не отклоняют.

2) Случай  $x = n$

$$p_{l,t} = (\alpha/2)^{1/n} =$$

Гипотезу  $H_0$  отклоняют, если  $p_{l,t} > p_0$ , в противном случае гипотезу не отклоняют.

3) Случай  $0 < x < n$

По таблице 3 для  $q = (1 - \alpha/2)$  определяют  $u_{1 - \alpha/2} = 2,576$

$$u_1 = 2 \left( \sqrt{(n-x)p_0} - \sqrt{(x+1)(1-p_0)} \right) = 2,359707;$$

$$u_2 = 2 \left( \sqrt{x(1-p_0)} - \sqrt{(n-x+1)p_0} \right) = -2,613021.$$

Гипотезу  $H_0$  отклоняют, если  $u_1 > u_{1 - \alpha/2}$  или  $u_2 > u_{1 - \alpha/2}$ , в противном случае гипотезу не отклоняют.

Результат проверки гипотез:

Гипотеза  $H_0$  отклонена

Гипотеза  $H_0$  не отклонена

Определение критических значений

$C_{l,t}$  — наименьшее неотрицательное целое число  $x$  и  $C_{u,t}$  — наибольшее целое число  $x$ , для которого проверка гипотез по форме В-3 (II) не ведет к отклонению  $H_0$ . Значения  $C_{l,t}$  и  $C_{u,t}$  определяют методом итераций путем повторного применения формы В-3 (II) с различными значениями  $x$  до тех пор, пока не будут определены такие две пары значений, у которых значения в каждой паре отличаются друг от друга на 1, и при этом одно из значений приводит к отклонению нулевой гипотезы  $H_0$ , а другое значение приводит к неотклонению нулевой гипотезы  $H_0$ <sup>1)</sup>. Начальное значение  $x_{\text{старт}}$  может быть получено следующим образом.

В качестве  $x^{*2)}$  определяют значение  $np_0$ , округленное до ближайшего целого числа,  $x^* = 30$

$$p_{l, \frac{1}{x} = x^*} = 0,210; p_{u, \frac{1}{x} = x^*} = 0,473.$$

$p_{l, \frac{1}{x} = x^*}$  и  $p_{u, \frac{1}{x} = x^*}$  определяют по 8.1.3 (форма А-3).

$x_{\text{старт}}$  (нижнее) равно значению  $np_{l, \frac{1}{x} = x^*}$ , округленному до ближайшего целого числа, и равно 19.

$x_{\text{старт}}$  (верхнее) равно значению  $np_{u, \frac{1}{x} = x^*}$ , округленному до ближайшего целого числа, и равно 43.

Интерпретация результатов проверки гипотез по форме В-3 (II):

для  $x \leq C_{l,t} - 1 = 18$  гипотезу  $H_0$  отклоняют;

для  $x = C_{l,t} = 19$  и  $x = C_{u,t} = 42$  гипотезу  $H_0$  не отклоняют;

для  $x \geq C_{u,t} + 1 = 43$  гипотезу  $H_0$  отклоняют

Результаты проверки гипотез:

$$C_{l,t} = 19; C_{u,t} = 42.$$

<sup>1)</sup> Критическое значение (или одно из критических значений) может не существовать для некоторых значений  $p_0$  и/или для очень маленьких объемов выборок  $n$ .

<sup>2)</sup>  $x^*$  — вспомогательная величина для нахождения  $x_{\text{старт}}$ .

## В.3 Формы С

В.3.1 Пример 1 — Форма С-1. Сравнение двух пропорций для одностороннего критерия  $H_0: p_1 \geq p_2$ 

Характеристика: Наличие видеомэгнитофонов в квартирах. Процедура определения: Интервью. Элементы: 1) жилые дома в области А; 2) жилые дома в области В. Критерий для идентификации целевых элементов: Наличие, по крайней мере, одного видеомэгнитофона в зданиях. Примечания: Нет.	
Выбранный уровень значимости $\alpha = 0,05$ . Объем выборки 1 $n_1 = 10$ . Объем выборки 2 $n_2 = 15$ . Число целевых элементов в выборке 1 $x_1 = 8$ . Число целевых элементов в выборке 2 $x_2 = 13$ .	
Процедура проверки гипотез для тривиальных случаев $\frac{x_1}{n_1} \geq \frac{x_2}{n_2}$ Неравенство является истинным <input type="checkbox"/> Неравенство не является истинным <input checked="" type="checkbox"/> Если неравенство является истинным, нулевую гипотезу не отклоняют; результат проверки гипотез может быть объявлен немедленно. В противном случае проводят следующую процедуру, которая может привести к отклонению или к неотклонению гипотезы $H_0$	
Процедура проверки гипотез для нетривиальных случаев Если, по меньшей мере, одно из четырех значений $n_1$ , $n_2$ , $(x_1 + x_2)$ , $(n_1 + n_2 - x_1 - x_2)$ меньше или равно $(n_1 + n_2)/4$ , применяют биномиальную аппроксимацию, приведенную в I настоящей формы, в противном случае применяют нормальную аппроксимацию, приведенную в II настоящей формы. Однако, даже если вышеупомянутое условие выполнено, можно применять нормальную аппроксимацию, если выполнены два следующих условия: - при применении биномиальной аппроксимации в таблице 4 F-распределения необходимо использовать интерполяцию; - $n_1$ и $n_2$ или $(x_1 + x_2)$ и $(n_1 + n_2 - x_1 - x_2)$ попарно являются величинами одного порядка. Решение: Должна применяться биномиальная аппроксимация (продолжить с I) <input checked="" type="checkbox"/> Должна применяться нормальная аппроксимация (продолжить с II) <input type="checkbox"/>	
<b>I Биномиальная аппроксимация</b> Определение величин $K_1$ , $K_2$ , $\pi_1$ , $\pi_2$ . Если $[n_2 < n_1$ и $n_2 < (x_1 + x_2)]$ или $[(n_1 + n_2 - x_1 - x_2) < n_1$ и $(n_1 + n_2 - x_1 - x_2) < (x_1 + x_2)]$ , искомые величины определяют следующим образом: $\pi_1 = n_2 = 15$ ; $\pi_2 = n_1 = 10$ ; $K_1 = n_2 - x_2 = 2$ . $K_2 = n_1 - x_1 = 2$ . В противном случае: $\pi_1 = n_1 =$ $\pi_2 = n_2 =$ $K_1 = x_1 =$ $K_2 = x_2 =$	

Вычисление статистики и определение значений по таблице 4

а) Случай  $\eta_1 < K_1 + K_2$



$$F_2 = \frac{(\eta_1 - K_1)(K_1 - 2K_2)}{(K_1 + 1)(\eta_1 - 2\eta_2 - K_1 - 2K_2 + 1)} =$$

Число степеней свободы  $F$ -распределения:

$$\begin{aligned} f_1 &= 2(K_1 + 1) = \\ f_2 &= 2(\eta_1 - K_1) = \end{aligned}$$

По таблице 4 для  $q = (1 - \alpha)$ ,  $f_1$  и  $f_2$  (при необходимости применяют интерполяцию) определяют:

$$F_{1-\alpha}(f_1, f_2) =$$

б) Случай  $\eta_1 > K_1 + K_2$



$$F_2 = \frac{K_2(2\eta_1 - K_1)}{(K_1 + 1)(2\eta_2 - K_2 - 1)} = 0,9824561.$$

Число степеней свободы  $F$ -распределения:

$$\begin{aligned} f_1 &= 2(K_1 + 1) = 6; \\ f_2 &= 2K_2 = 4. \end{aligned}$$

По таблице 4 для  $q = (1 - \alpha)$ ,  $f_1$  и  $f_2$  (при необходимости применяют интерполяцию) определяют:

$$F_{1-\alpha}(f_1, f_2) = 6,16.$$

Заключение в нетривиальном случае для биномиальной аппроксимации:

Гипотезу  $H_0$  отклоняют, если  $F_2 \geq F_{1-\alpha}(f_1, f_2)$ , в противном случае гипотезу  $H_0$  не отклоняют.

## II Нормальная аппроксимация

Вычисление статистики и определение значений по таблице 3:

$$Z_2 = \frac{n_1(x_1 + x_2) - (x_1 + 1/2)(n_1 + n_2)}{\sqrt{n_1 n_2 (x_1 + x_2)(n_1 + n_2 - x_1 - x_2) / (n_1 + n_2)}} =$$

По таблице 3 для  $q = (1 - \alpha)$  определяют  $u_{1-\alpha} =$

Заключение в нетривиальном случае для нормальной аппроксимации:

Гипотезу  $H_0$  отклоняют, если  $Z_2 \geq u_{1-\alpha}$ , в противном случае гипотезу  $H_0$  не отклоняют.

Результат проверки гипотез:

Гипотеза  $H_0$  отклонена



Гипотеза  $H_0$  не отклонена



В.3.2 Пример 2 — Форма С-3. Сравнение двух пропорций для двустороннего критерия  $H_0: p_1 = p_2$ 

Характеристика: 1) наличие видеомэагнитофонов марки А в квартирах; 2) наличие видеомэагнитофонов марки В в квартирах. Процедура определения: Интервью. Элементы: Жилые дома одной определенной области. Критерий для идентификации целевых элементов: 1) наличие, по крайней мере, одного видеомэагнитофона марки А, 2) наличие, по крайней мере, одного видеомэагнитофона марки В. Примечания: Нет.	
Выбранный уровень значимости $\alpha = 0,01$ . Объем выборки 1: $n_1 = 95$ . Объем выборки 2: $n_2 = 95$ . Число целевых элементов в выборке 1: $x_1 = 41$ . Число целевых элементов в выборке 2: $x_2 = 21$ .	
Проверка гипотез для тривиального случая $\frac{x_1}{n_1} = \frac{x_2}{n_2}$ Равенство является истинным <input type="checkbox"/> Равенство не является истинным <input checked="" type="checkbox"/> Если равенство является истинным, нулевую гипотезу $H_0$ не отклоняют и результат проверки гипотез может быть объявлен немедленно. В противном случае проводят следующую процедуру, которая может привести к отклонению или к неотклонению $H_0$ .	
Процедура проверки гипотез для нетривиальных случаев Если, по меньшей мере, одно из четырех значений $n_1$ , $n_2$ , $(x_1 + x_2)$ , $(n_1 + n_2 - x_1 - x_2)$ меньше или равно $(n_1 + n_2)/4$ , применяют биномиальную аппроксимацию, приведенную в I настоящей формы, в противном случае применяют нормальную аппроксимацию, приведенную в II настоящей формы. Однако, даже если вышеупомянутое условие выполнено, можно применять нормальную аппроксимацию, если выполнены два следующих условия: - при применении биномиальной аппроксимации в таблице 4 F-распределения необходимо использовать интерполяцию; - $n_1$ и $n_2$ или $(x_1 + x_2)$ и $(n_1 + n_2 - x_1 - x_2)$ попарно являются величинами одного порядка. Решение: Должна применяться биномиальная аппроксимация (I) <input type="checkbox"/> Должна применяться нормальная аппроксимация (II) <input checked="" type="checkbox"/>	
<b>I Биномиальная аппроксимация</b> Определение переменных $K_1$ , $K_2$ , $\eta_1$ , $\eta_2$ Если $[n_2 < n_1$ и $n_2 < (x_1 + x_2)]$ или $[(n_1 + n_2 - x_1 - x_2) < n_1$ и $(n_1 + n_2 - x_1 - x_2) < (x_1 + x_2)]$ , определяют следующим образом: $\eta_1 = n_2 =$ $\eta_2 = n_1 =$ $K_1 = n_2 - x_2 =$ $K_2 = n_1 - x_1 =$ В противном случае: $\eta_1 = n_1 =$ $\eta_2 = n_2 =$ $K_1 = x_1 =$ $K_2 = x_2 =$	

Вычисление статистики и определение значений по таблице 4

а) Случай  $\eta_1 \leq K_1 + K_2$  □

1) Случай  $\frac{K_1}{\eta_1} > \frac{K_2}{\eta_2}$  □

Значения  $F_1$ ,  $f_1$  и  $f_2$  определяют по 8.3.2 (форма С-2)

$$F_1 = \frac{K_1(\eta_1 + 2\eta_2 - K_1 - 2K_2)}{(\eta_1 - K_1 + 1)(K_1 + 2K_2 + 1)} =$$

Число степеней свободы  $F$ -распределения:

$$f_1 = 2(\eta_1 - K_1 + 1) =$$

$$f_2 = 2K_1 =$$

По таблице 4 для  $q = (1 - \alpha/2)$ ,  $f_1$  и  $f_2$  (при необходимости применяют интерполяцию) определяют:

$$F_{1-\alpha/2}(f_1, f_2) =$$

2) Случай  $\frac{K_1}{\eta_1} \leq \frac{K_2}{\eta_2}$  □

Значения  $F_2$ ,  $f_1$  и  $f_2$  определяют по 8.3.1 (форма С-1).

$$F_2 = \frac{(\eta_1 - K_1)(K_1 + 2K_2)}{(K_1 + 1)(\eta_1 + 2\eta_2 - K_1 - 2K_2 + 1)} =$$

Число степеней свободы  $F$ -распределения

$$f_1 = 2(K_1 + 1) =$$

$$f_2 = 2(\eta_1 - K_1) =$$

По таблице 4 для  $q = (1 - \alpha/2)$ ,  $f_1$  и  $f_2$  (при необходимости применяют интерполяцию) определяют:

$$F_{1-\alpha/2}(f_1, f_2) =$$

б) Случай  $\eta_1 > K_1 + K_2$  □

1) Случай  $\frac{K_1}{\eta_1} > \frac{K_2}{\eta_2}$  □

Значения  $F_1$ ,  $f_1$  и  $f_2$  определяют по 8.3.2 (форма С-2)

$$F_1 = \frac{K_1(2\eta_2 - K_2)}{(K_2 + 1)(2\eta_1 - K_1 + 1)} =$$

Число степеней свободы  $F$ -распределения:

$$f_1 = 2(K_2 + 1) =$$

$$f_2 = 2K_2 =$$

По таблице 4 для  $q = (1 - \alpha/2)$ ,  $f_1$  и  $f_2$  (при необходимости применяют интерполяцию) определяют:

$$F_{1-\alpha/2}(f_1, f_2) =$$

2) Случай  $\frac{K_1}{\eta_1} \leq \frac{K_2}{\eta_2}$  □

Значения  $F_2$ ,  $f_1$  и  $f_2$  определяют по 8.3.1 (форма С-1)

$$F_2 = \frac{K_2(2\eta_1 - K_1)}{(K_1 + 1)(2\eta_2 - K_2 + 1)} =$$

Число степеней свободы  $F$ -распределения:

$$f_1 = 2(K_2 + 1) =$$

$$f_2 = 2K_2 =$$

По таблице 4 для  $q = (1 - \alpha/2)$ ,  $f_1$  и  $f_2$  (при необходимости применяют интерполяцию) определяют:

$$F_{1-\alpha/2}(f_1, f_2) =$$

Заключение в нетривиальном случае для биномиальной аппроксимации.

Гипотезу  $H_0$  отклоняют, если:

$$F_1 \geq F_{1-\alpha/2}(f_1, f_2) \text{ в случае } \frac{K_1}{n_1} > \frac{K_2}{n_2}$$

или

$$F_2 \geq F_{1-\alpha/2}(f_1, f_2) \text{ в случае } \frac{K_1}{n_1} \leq \frac{K_2}{n_2}$$

в противном случае гипотезу  $H_0$  не отклоняют.

## II Нормальная аппроксимация

Вычисление статистики и определение значений по таблице 3

а) Случай  $\frac{x_1}{n_1} > \frac{x_2}{n_2}$

Значение  $z_1$  определяют по 8.3.2 (форма С-2)

$$z_1 = \frac{(x_1 - 1/2)(n_1 + n_2) - n_1(x_1 + x_2)}{\sqrt{n_1 n_2 (x_1 + x_2)(n_1 + n_2 - x_1 - x_2) / (n_1 + n_2)}} = 2,94.$$

По таблице 3 для  $q = (1 - \alpha/2)$  определяют

$$u_{1-\alpha/2} = 2,576.$$

б) Случай  $\frac{x_1}{n_1} \leq \frac{x_2}{n_2}$

Значение  $z_2$  определяют по 8.3.1 (форма С-1).

$$z_2 = \frac{n_1(x_1 + x_2) - (x_1 - 1/2)(n_1 + n_2)}{\sqrt{n_1 n_2 (x_1 + x_2)(n_1 + n_2 - x_1 - x_2) / (n_1 + n_2)}} =$$

По таблице 3 для  $q = (1 - \alpha/2)$  определяют

$$u_{1-\alpha/2} =$$

Заключение в нетривиальном случае для нормальной аппроксимации

Гипотезу  $H_0$  отклоняют, если:

$$z_1 \geq u_{1-\alpha/2} \text{ в случае } \frac{x_1}{n_1} > \frac{x_2}{n_2}$$

или

$$z_2 \geq u_{1-\alpha/2} \text{ в случае } \frac{x_1}{n_1} \leq \frac{x_2}{n_2}.$$

В противном случае гипотезу  $H_0$  не отклоняют.

Результат проверки гипотез:

Гипотеза  $H_0$  отклонена

Гипотеза  $H_0$  не отклонена

**Приложение С**  
**(справочное)**

**Сведения о соответствии межгосударственных стандартов ссылочным  
международным стандартам**

Обозначение ссылочного международного стандарта	Обозначение и наименование соответствующего межгосударственного стандарта
ИСО 3534.1 : 1993	*
* Соответствующий межгосударственный стандарт отсутствует. На территории Российской Федерации действует ГОСТ Р 50779.10—2000 (ИСО 3534-1—93).	

**Приложение D**  
**(справочное)**

**Библиография**

- [1] WALTERS, D.E., In defense of the arc sine approximation. The Statistical. 28, 1979, pp. 219—222
- [2] HASEMAN, J.K., Exact sample sizes for use with the Fisher-Irwin test for 2 x 2 tables. Biometrics, 34 (1978), pp. 106—109



Ключевые слова: статистика, статистический анализ, статистическая проверка гипотез, критерий проверки гипотез, статистический доверительный интервал, доверительные границы

---

Редактор *Т.А. Леонова*  
Технический редактор *Н.С. Гришанова*  
Корректор *М.В. Бучная*  
Компьютерная верстка *Л.А. Круговой*

Сдано в набор 08.08.2006. Подписано в печать 27.09.2006. Формат 60×84  $\frac{1}{8}$ . Бумага офсетная. Гарнитура Ариал.  
Печать офсетная. Усл. печ. л. 5,58. Уч.-изд. л. 4,90. Тираж 400 экз. Зак. 676. С 3308.

---

ФГУП «Стандартинформ», 123995 Москва, Гранатный пер., 4.  
[www.gostinfo.ru](http://www.gostinfo.ru) [info@gostinfo.ru](mailto:info@gostinfo.ru)  
Набрано во ФГУП «Стандартинформ» на ПЭВМ.  
Отпечатано в филиале ФГУП «Стандартинформ» — тип. «Московский печатник», 105062 Москва, Лялин пер., 6.